

## АЛГОРИТМ ОБРАБОТКИ СИГНАЛОВ В АНТЕННОЙ РЕШЕТКЕ

Э. В. Амнинов<sup>1</sup>, Д. А. Хомяков<sup>2,4</sup>, Р. Н. Акиншин<sup>3</sup>

<sup>1</sup>Московский институт радиоэлектроники и автоматики

<sup>2</sup>Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

<sup>3</sup>Секции прикладных проблем при Президиуме РАН

<sup>4</sup>ОАО Центральное конструкторское бюро аппаратостроения

Получена 21 апреля 2013 г.

**Аннотация.** Исследована модель системы пространственно-поляризационной селекции, в которой в качестве антенных элементов используются ортогональные вибраторы. Рассмотрено влияние изменений поляризационных параметров помех на ее параметры.

**Ключевые слова:** антенная решетка, радиолокационные сигналы, адаптивный процессор, корреляционная матрица мешающих отражений.

**Abstract.** A space-polarization discrimination system model was analyzed in which an orthogonal vibrator is used as antenna elements. The influence of changing of interference polarization parameters on its parameters was considered.

**Keywords:** antenna array, radar signals, adaptive processor, radar clutter correlation matrix, polarization basis.

Известно, что адаптивная обработка массивов данных антенной решеткой открывает новые возможности в подавлении мешающих отражений и позволяет осуществить гибкий сценарий сканирования диаграммы направленности антенны [1, 2]. Дополнительные возможности достигаются использованием поляриметрической информации о цели, поскольку обычная обработка массивов данных антенной решеткой не пригодна в ситуациях, когда направления цели и мешающих отражений совпадают. Одно из преимуществ поляриметрической обработки заключается в том, что цель может быть обнаружена даже в сложной помеховой обстановке за счет разницы поляриметрических свойств мешающих отражений и цели.

Проведенные к настоящему моменту исследования возможности повышения качества обработки радиолокационных сигналов за счет применения поляриметрических методов [2] свидетельствуют, что в значительной степени сложность решения этой задачи обусловлена отсутствием необходимого методического аппарата для теоретических исследований и большими потребными затратами при применении экспериментальных методов.

Поэтому целью работы является разработка алгоритма подавления мешающих отражений адаптивным процессором антенной решетки с возможностью поляриметрической обработки принимаемых сигналов.

Пусть имеется эквидистантная линейная антенная решетка с  $N$  элементами, причем во избежание дифракционных максимумов решетки, расстояние  $d$  между смежными парами диполей  $\leq \lambda/2$ , где  $\lambda$  – длина волны. Полагая, что  $x_n(t)$  и  $y_n(t)$  являются соответственно, ортогональными временными реализациями сигнала  $n$ -ого диполя, векторный выходной сигнал будет иметь вид:

$$z_n(t) = \begin{pmatrix} x_n(t) \\ y_n(t) \end{pmatrix}. \quad (1)$$

Запись  $n$  выходных векторов в вектор-столбец с  $2N$  элементами

$$z(t) = \begin{pmatrix} z_1(t) \\ z_2(t) \\ \vdots \\ z_N(t) \end{pmatrix} \quad (2)$$

определяет временную выборку антенной решетки [1]. Полная корреляционная матрица  $z(t)$  имеет вид:

$$R = E\{z(t) \cdot z^T(t)\} \quad (3)$$

где  $E\{.\}$  обозначает математические ожидания, а  $^T$  – знак транспонирования.

Оценка максимального подобия для  $R$  рассчитывается по формуле:

$$\hat{R} = \frac{1}{I} \sum_{i=1}^I z(t_i) \cdot z^T(t_i), \quad (4)$$

с использованием  $I$  имеющихся измеренных временных выборок.

Удобным является представление, полученное делением  $R$  на субматрицы формата  $2 \times 2$ , имеющее вид:

$$R = \begin{pmatrix} R_{11} & R_{12} & \dots & R_{1N} \\ R_{21} & R_{22} & \dots & R_{2N} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ R_{N1} & R_{N2} & \dots & R_{NN} \end{pmatrix}. \quad (5)$$

В соотношении (5) элементы  $R_{nm}$  физически определяют корреляцию между  $n$  и  $m$  кроссовыми элементами диполя с учетом разностей фаз.

Обычно, поляризованные электромагнитные волны описываются комплексным вектором амплитуды  $\alpha = [\alpha_x \alpha_y]^T$ , где  $\alpha_x$  и  $\alpha_y$  – векторы (амплитуды и фазы) ортогональных компонентов электрического поля. Временной сигнал в  $n$ -ом диполе, принимающем детерминированный сигнал с частотой  $\omega$  и начальной фазой  $\varphi$ , может быть записан как:

$$Z_n(t) = a \cdot \exp(j(\omega_s t + \varphi)) \cdot v_n, \quad (6)$$

$$\text{где } v_n = \exp\left(j(n-1) \frac{\omega_s d}{c} \sin \varphi\right) := \exp(j(n-1)\Delta) \quad (7)$$

описывает относительную разность фаз между  $n$ -ым элементом антенны и первым элементом;  $\varphi$  – угол падения сигнала в плоскости  $xz$ ;  $c$  – скорость света. Используя эти определения, запишем корреляционную матрицу на выходе элемента  $x_n$  и  $y_m$ :

$$R_{nm} = \alpha \cdot \alpha^T \cdot \exp(j(n-m)\Delta) = \alpha \cdot \alpha^T \cdot v_n v_m^*. \quad (8)$$

Для случая групповой цели, сигнал от которой представляет сумму  $K$  детерминированных сигналов, выражение для  $R_{nm}$  будет иметь вид:

$$R_{nm} = \sum_{k=1}^K \sum_{l=1}^K \alpha_k \cdot \alpha_l^T \cdot \exp(j(n-1)\Delta_k - (m-1)\Delta_l), \quad (9)$$

где индексы  $k$  и  $l$  соответствуют разным элементам групповой цели. Комбинация этих субматриц в соответствии с (5) дает корреляционную матрицу  $R$  для всей линейной антенной решетки.

Субматрица, соответствующая (8), представляет корреляционную матрицу применительно к ситуации наблюдения одной цели. В случае определения управляющего вектора в виде

$$V = \begin{pmatrix} V_1 \\ V_2 \\ \vdots \\ V_N \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} I \\ \exp(j\Delta) \\ \vdots \\ \exp(j(N-1)\Delta) \end{pmatrix} \quad (10)$$

корреляционная матрица может быть записана в форме:

$$R = (V \cdot V^T) \otimes J, \quad (11)$$

где  $\otimes$  означает символ Кронекера.

Очевидно, что кроме сигнала в измеренных данных всегда присутствует шум. Предполагая, что он некоррелирован от элемента к элементу, имеет гауссово распределение с нулевым математическим ожиданием и равную мощность шума во всех  $2N$  выходных сигналах, влияние на корреляционную матрицу (11) нетрудно учесть с помощью дополнительного члена  $\theta^2 I_{2N}$ , где  $I_{2N}$  обозначает матрицу размера  $2N$ .

Таким образом, корреляционная матрица суммы сигнала и шума будет иметь вид:

$$\hat{R} = \sigma^2 I_{2N} + (V \cdot V^T) \otimes J, \quad (12)$$

где  $\sigma^2$  – дисперсия шума.

Важным шагом обработки является разделение сигналов в ортогональных поляриметрических каналах. Указанное достигается путем диагонализации субматриц  $\hat{R}_{nm}$  в  $\hat{R}$ , с использованием разложения собственного значения. Для любой субматрицы справедливо соотношение [3, 4]:

$$\hat{R} = \begin{cases} \sigma^2 I_2 + M \cdot D \cdot M^T, & n = m, \\ M \cdot v_n v_m^* D \cdot M^T, & n \neq m, \end{cases} \quad (13)$$

где  $D$  – диагональная матрица собственных значений

$$D = \begin{pmatrix} \lambda_1 & 0 \\ 0 & \lambda_2 \end{pmatrix}, \quad (14)$$

а столбцы  $M$  – соответствующие собственные векторы. Диагонализация всех субматриц приводит к выражению:

$$\hat{R} = \sigma^2 I_{2N} + (I_N \otimes M)(V \cdot V^T) \otimes D)(I_N \otimes M^T). \quad (15)$$

После достаточно сложных математических преобразований обратная корреляционная матрица может быть представлена в виде:

$$\begin{aligned} \hat{R}^{-1} = & \frac{1}{\sigma^2} T_{DP} \left( \begin{bmatrix} \frac{2\sigma^2 + \lambda_1 N}{\sigma^2 + \lambda_1 N} & 0 \\ 0 & \frac{2\sigma^2 + \lambda_2 N}{\sigma^2 + \lambda_2 N} \end{bmatrix} \otimes I_N - \right. \\ & \left. - \left( \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ \sigma^2 + \lambda_1 N & 1 \end{bmatrix} \otimes I_N \right) T_{DP}^H \hat{R} T_{DP} \right) T_{DP}. \end{aligned} \quad (16)$$

Здесь

$$T_{DP} = (I_N \otimes M)P^T; \quad (17)$$

$I_N$  означает квадратичную нулевую матрицу размера  $N$ ; перестановочная матрица  $P$  имеет вид:

$$P = \begin{bmatrix} I_N \otimes (1 \ 0) \\ I_N \otimes (0 \ 1) \end{bmatrix}. \quad (18)$$

Собственные значения  $\lambda_{1,2}$  и мощность шума  $\sigma^2$  неизвестны и могут быть получены из измеренной корреляционной матрицы  $\hat{R}$ . Так, диагонализированная  $\hat{R}_{nm}$  может быть представлена в виде:

$$M^T \hat{R}_{nm} M = \begin{cases} \begin{pmatrix} \sigma^2 + \lambda_1 & 0 \\ 0 & \sigma^2 + \lambda_2 \end{pmatrix}, & n = m, \\ \begin{pmatrix} \lambda_1 v_n v_m^* & 0 \\ 0 & \lambda_2 v_n v_m^* \end{pmatrix}, & n \neq m. \end{cases} \quad (19)$$

Поскольку собственные значения  $\lambda_{1,2}$  всегда являются положительными, реальными числами, а  $|v_{n,m}| = 1$ , то исключая из (19)  $\lambda_1$  или  $\lambda_2$ , нетрудно опреде-

лить  $\sigma^2$ . Полученные таким образом значения  $\lambda_{1,2}$  и  $\sigma^2$  должны рассматриваться как оценки, что обусловлено ограниченным числом выборок, по которым рассчитывалась корреляционная матрица.

Для повышения точности оценок  $\lambda_{1,2}$  целесообразно использовать усредненные матрицы, причем арифметическое усреднение возможно для всех  $\hat{R}_{nm}$  с идентичными членами  $v_n v_m^*$ .

Обращение корреляционной матрицы мешающих отражений может быть использовано для установки весовых коэффициентов при обработке сигнала адаптивной антенной решеткой. В поляриметрической антенной решетке для каждого ее элемента  $n$  требуются весовые значения  $w_{xn}$ ,  $w_{yn}$  для ортогональных сигналов. Выходной сигнал процессора имеет вид:

$$s(t) = w^T \cdot z(t), \quad (20)$$

где  $z$  – вектор сигналов антенны, определенный соотношением (2), а  $w$  – сформированный вектор весовых коэффициентов, который имеет вид:

$$w = \hat{R}^{-1} \cdot V_z, \quad (21)$$

а вектор  $V_z$ , может быть определен как:

$$V_z = [v_1 v_1 v_2 v_2 \cdots v_N v_N]^T. \quad (22)$$

Для моделирования процесса обработки мешающих отражений при определении входных данных необходима статистическая модель сигнала. Для этого должна быть сформирована временная последовательность  $c(t) = [c_x(t) \cdot c_y(t)]^T$  для обеих ортогональных поляризаций. Очевидно, что корреляционная матрица последовательности должна быть идентична матрице когерентности мешающих отражений  $J_c$ .

Указанное может быть достигнуто преобразованием двух комплексных, гауссово распределенных величин случайного процесса  $n(t) = [n_1(t) n_2(t)]^T$ .

Сигналы  $n(t)$  и  $c(t)$  связаны зависимостью:

$$c(t) = T \cdot n(t). \quad (23)$$

Здесь  $T$  нетрудно определить из соотношения

$$T = M \cdot \text{diag}(\sqrt{\lambda_1}, \sqrt{\lambda_2}). \quad (24)$$

Допустим, что сигнал мешающих отражений является стохастической частично поляризованной плоской волной с вектором поляризации  $P$  и степенью поляризации  $p$  [2]. Пусть мешающие отражения при моделировании имеют левостороннюю круговую поляризацию ( $p = [001]^T$ ) с  $p = 0,8$ .

При моделировании процесса обработки использованы следующие исходные данные: линейная антенная решетка содержит 16 элементов и принимает детерминированный сигнал мощностью  $|a|^2 = 2$  с направления  $\sin \varphi = 0,5$  и сигнал источника мешающих отражений с направления  $\sin \varphi = -0,4$  мощностью  $v_c^2 = 1$  без адаптации ( $w = v_z$ ). Для каждого направления  $\varphi$  соответствующий весовой коэффициент  $V_z$  формируется на выходе процессора по формуле (21). Число направлений выбрано равным 40.

Предварительно проведена оценка и инвертирование корреляционной матрицы мешающих отражений. Показано, что имеет место отбеливающий эффект пространственного узкополосного режекторного фильтра, за счет умножения помехи на предварительно вычисленные коэффициенты фильтра  $W_{xn}$ ,  $W_{yn}$ . В случае возникновения второй цели с того же направления, что и мешающие отражения и с той же мощностью, что и цель № 1, она будет легко обнаруживаться, благодаря своей противоположной поляризации – правосторонней, круговой ( $p = [00-1]^T$ ), т.е существует возможность путем изменения главных диагональных элементов корреляционной матрицы мешающих отражений осуществлять выбор между лучшим их подавлением или лучшим обнаружением цели в условиях мешающих отражений. Указанный эффект следует принимать в расчет при проектировании АР.

Таким образом, предложен эффективный алгоритм обращения корреляционной матрицы мешающих отражений, при использовании ее особой структуры в случае с одним источником отражения. Этот алгоритм может быть частью адаптивного алгоритма процессора антенной решетки. Проведенное моделирование показало эффективность поляриметрической адаптивной обработки.

Аналогичные расчеты можно проделать для полностью поляриметрических РЛС.

### **Литература**

1. Воскресенский Д.И. Антенны с обработкой сигнала. – М.: Сайнс-Пресс, 2002. – 80 с.
2. Cherardelli H., Guillii D., Fossi M., Freni A. Adaptive polarization for rejection of ground clutter // *Onde elect.* – 1989. – 69. – No. 6. – Pp. 5-10.
3. Wanielik G. Signaturuntersuchungen an einem polarimetrischen Pulsradar // *Fort-schr.* – Ber. VDI Reihe 10. – Nr. 97; VDI – Verlag, Dusseldorf, 1988.
4. Монзинго П.А., Миллер Т.У. Адаптивные антенные решетки: введение в теорию. – М.: Радио и связь, 1986. – 448 с.