

DOI: <https://doi.org/10.30898/1684-1719.2023.12.26>

УДК: 53.092

## МОДЕЛИРОВАНИЕ ВНЕШНЕГО ВОЗДЕЙСТВИЯ НА РЕЗОНАНСНЫЕ СВОЙСТВА ОБЪЕМНОГО АНТИФЕРРОМАГНЕТИКА $\alpha - \text{Fe}_2\text{O}_3$ ПРИ СПИН-ПЕРЕОРИЕНТАЦИОННОМ ПЕРЕХОДЕ

Т.В. Богданова<sup>1,2</sup>, Д.В. Калябин<sup>1,3</sup>, А.Р. Сафин<sup>1,3,4</sup>, С.А. Никитов<sup>1,2,5</sup>

<sup>1</sup>Институт радиотехники и электроники им. В.А.Котельникова РАН, 125009, Москва, ул. Моховая, 11, корп. 7

<sup>2</sup>Московский физико-технический институт, 141701, г. Долгопрудный, Московская область, Институтский пер., 9, Долгопрудный

<sup>3</sup>НИУ ВШЭ, 101000, Москва, ул. Мясницкая, 20

<sup>4</sup>Национальный исследовательский университет «Московский энергетический институт», 111250, Москва, ул. Красноказарменная, 14, стр.1

<sup>5</sup>Саратовский государственный университет, лаборатория «Магнитные метаматериалы», 410012, Саратов, ул. Большая Казачья, 112к8

Статья поступила в редакцию 30 ноября 2023 г.

**Аннотация.** В данной работе представлена модель, объясняющая влияние внешнего давления на резонансную частоту объемного кристалла  $\alpha - \text{Fe}_2\text{O}_3$  во внешнем магнитном поле. Рассмотрена динамика векторов  $\mathbf{l}$  и  $\mathbf{m}$  до и после температуры Морина  $T_M$ . Получены зависимости резонансной частоты от давления и внешнего магнитного поля для случаев  $H \parallel (H_A \parallel \mathbf{z})$  и  $H \perp (H_A \parallel \mathbf{z})$ , а также получены зависимости магнитного поля от давления для нижней и верхней моды  $\alpha - \text{Fe}_2\text{O}_3$ . Было обнаружено, что при приложении внешнего давления к структуре существенно увеличивается собственная частота колебаний магнитных подрешеток антиферромагнетика. Полученные результаты могут быть использованы при разработке устройств формирования и обработки сигналов в гигагерцовом и терагерцовом диапазонах частот.

**Ключевые слова:** терагерцовое излучение, спин-переориентационный переход, антиферромагнетик, давление.

**Финансирование:** Работа выполнена в рамках государственного задания ИРЭ им. В.А.Котельникова РАН.

**Автор для переписки:** Богданова Татьяна Владимировна,  
[bogdanova.tv@phystech.edu](mailto:bogdanova.tv@phystech.edu)

## Введение

Использование свойств антиферромагнитных материалов, таких как сверхбыстрая спиновая динамика, дает возможность разработки высокоскоростных устройств обработки сигналов терагерцового диапазона частот [1,2,3,4]. Обменное усиление в антиферромагнитных (АФМ) материалах приводит к заметному увеличению всех параметров, не только резонансной частоты, но и скорости спиновых волн [2,3]. Спиновые волны в антиферромагнетиках могут существовать в широком диапазоне частот, от единиц гигагерц до нескольких десятков терагерц [3].

Антиферромагнитные материалы могут быть разделены на два класса, в которых магнитные подрешетки имеют скомпенсированные и нескомпенсированные магнитные моменты. Впервые АФМ-материалы с ненулевой полной намагниченностью были описаны Дзялошинским и Морией [5,6]. Отношение поля Дзялошинского-Мория к обменному полю определяет угол скоса между подрешетками и составляет 0.2% для  $\alpha - \text{Fe}_2\text{O}_3$ . Преимущество АФМ-материалов с ненулевой суммарной намагниченностью в том, что их магнитные свойства позволяют прикладывать магнитные поля меньшего порядка для реализации спин-флоп перехода. Такие свойства делают АФМ-материалы хорошими кандидатами для разработки микроволновых устройств и для магнитной памяти [7], генераторов [8,9,10], волноводов [11] и др., поэтому исследования в этой области актуальны [12,13,14].

Другой интерес представляет возможность управления резонансными свойствами АФМ-структуры с помощью упругих напряжений [15,16]. Однако остается открытым вопрос о влиянии механических деформаций на частоту антиферромагнитной моды, имеющей более высокие частоты, чем

ферромагнитная мода. На сегодняшний день есть необходимость исследования АФМ для создания управляемых элементов, например линии задержки и фильтров [17,18,19].

Целью данной работы является рассмотрение влияния внешних параметров: давления и постоянного магнитного поля, на частоты антиферромагнитного резонанса  $\alpha - \text{Fe}_2\text{O}_3$ .

## 1. Макроскопическое описание динамики намагниченности вектора Нееля в антиферромагнетиках

Для исследования влияния внешнего давления на резонансные свойства материала был выбран антиферромагнетик  $\alpha - \text{Fe}_2\text{O}_3$ , который обладает сильной магнитоупругой связью. Структура гематита при комнатной температуре демонстрирует легкоплоскостное антиферромагнитное упорядочение, которое направлено перпендикулярно оси шестого порядка. Магнитная структура гематита претерпевает фазовый переход при температуре перехода Морины ( $T_M$ )  $T_M=260$  К [20,21,22], ниже которой он демонстрирует легкоосное антиферромагнитное упорядочение. Понимание влияния полей анизотропии и взаимодействия Дзялошинского-Мория на движение вектора намагниченности имеет решающее значение для описания механизма спин-флоп перехода.

Для корректного описания резонансных частот АФМ-кристалла необходимо в точности определить равновесное состояние системы. Для определения равновесного состояния необходимо решить задачу по минимизации энергии антиферромагнетика. В предыдущих работах [23,24] была принята запись энергии антиферромагнетика в векторах  $\mathbf{l}$  и  $\mathbf{m}$  для магнитной подсистемы в виде:

$$\begin{aligned}
 W_{AFM} = & \frac{1}{2} \epsilon m^2 - \beta_1^2 (\mathbf{l} \cdot \mathbf{n})^2 + \mathbf{m} \cdot [\mathbf{d} \times \mathbf{l}] - 2 H_0 (\mathbf{m} \cdot \mathbf{e}_H) - & (1) \\
 & - \frac{1}{6} \beta' \left( (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_x)^2 - (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_y)^2 \right) \left( 4 \left( (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_x)^2 - (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_y)^2 \right)^2 - 3 \right) - \\
 & - \frac{1}{2} (\delta_{12} - \delta_{11}) \left( \frac{1}{C_{11} - C_{12}} \right) \left( (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_x)^2 - (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_y)^2 \right) p_y.
 \end{aligned}$$

где  $\epsilon$  – однородная обменная константа,  $l$  – антиферромагнитный вектор,  $m$  – вектор намагниченности,  $H_0$  – внешнее магнитное поле,  $\beta_1$  и  $\beta'$  – константы одноосной и гексагональной анизотропий,  $\delta_{11}$  и  $\delta_{12}$  – магнитоупругие постоянные,  $C_{11}$  и  $C_{12}$  – упругие константы и  $p_y$  – внешнее давление, приложенное вдоль оси  $y$  и  $\mathbf{d}$  – вектор Дзялошинского-Мория. В энергию антиферромагнетика включены следующие слагаемые: однородный обмен, анизотропия, энергия взаимодействия Дзялошинского-Мория, Зеемана и наведенной магнитострикции.

Для решения задачи о поиске основного состояния представим вектора  $\mathbf{m}$  и  $\mathbf{l}$  в сферических координатах. Пусть  $\theta$  – это угол между вектором  $\mathbf{l}$  и осью  $\mathbf{e}_z$ ,  $\varphi$  – угол между проекцией  $\mathbf{l}$  на плоскость  $[\mathbf{e}_x, \mathbf{e}_y]$ ,  $\xi$  – это угол между проекцией  $\mathbf{m}$  и проекцией  $\mathbf{l}$  на плоскость  $[\mathbf{e}_x, \mathbf{e}_z]$ , а также введем длину вектора  $\eta = \frac{|\mathbf{m}|^2}{2M_0}$ , где  $M_0$  – намагниченность насыщения. Теперь можно записать энергию антиферромагнетика в общем случае в сферических координатах, вводя обозначения на рис. 1:

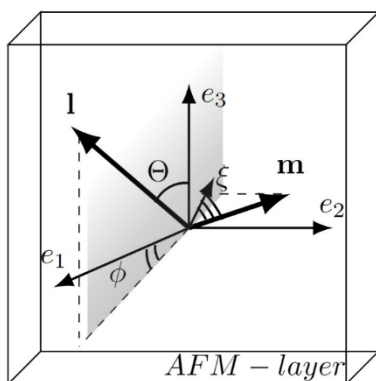


Рис. 1. Сферические координаты для  $\mathbf{m}$  и  $\mathbf{l}$ , вектора ферро- и антиферромагнетизма, соответственно, где  $\theta$  – угол между вектором  $\mathbf{l}$  и осью  $\mathbf{e}_z$ ,  $\varphi$  – угол между проекцией  $\mathbf{l}$  на плоскость  $[\mathbf{e}_x, \mathbf{e}_y]$ ,  $\xi$  – угол между проекцией  $\mathbf{m}$  на плоскость  $[\mathbf{e}_x, \mathbf{e}_z]$

$$W_{AFM}(\theta, \phi, \xi, \eta) = \tag{2}$$

$$\begin{aligned}
 & -2HM_0\eta \cos(\xi) \sin(\theta) + \epsilon M_0^2 \frac{\eta^2 - 1}{4} + \beta_1 \cos^2(\theta) + \\
 & + d\sqrt{1 - \eta^2}\eta(-\sin(\varphi) \sin(\xi) \cos(\theta) + \cos(\varphi) \cos(\xi)) - \\
 & - \frac{1}{2}(\delta_{12} - \delta_{11}) \left( \frac{1}{C_{11} - C_{12}} \right) ((\cos(\varphi) - \sin(\varphi))) p_y - \\
 & - \frac{1}{6} \beta' \sqrt{1 - \eta^2} (\cos^2(\theta) \\
 & \quad - \cos^2(\theta) \cos^2(\pi - \varphi))(4(\cos^2(\theta) \\
 & \quad - \cos^2(\theta) \cos^2(\pi - \varphi))^2 - 3).
 \end{aligned}$$

Для нахождения основного состояния необходимо минимизировать энергию антиферромагнетика (2) и найти углы, которые соответствуют равновесному состоянию векторов  $\mathbf{l}$  и  $\mathbf{m}$ .

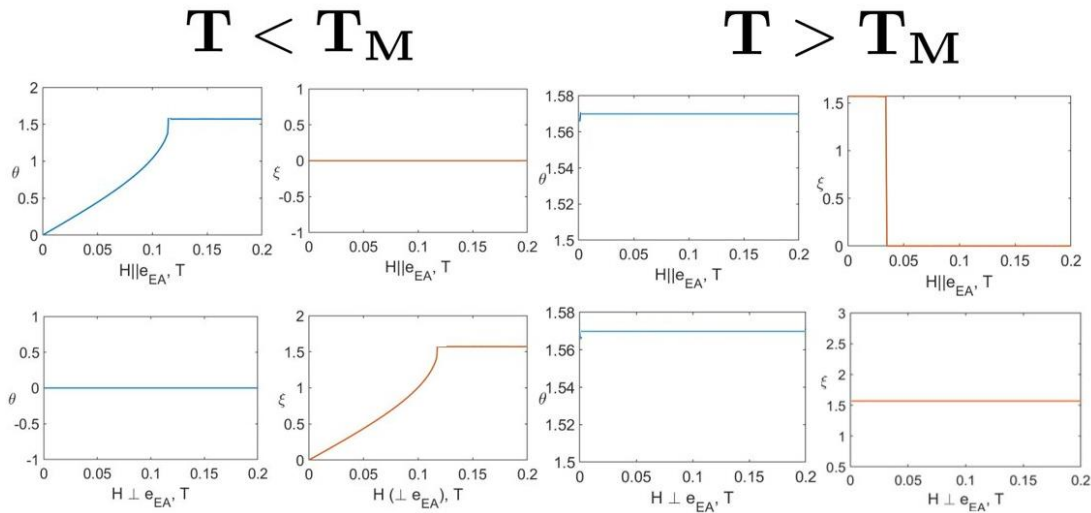


Рис. 2. Зависимость равновесных углов  $\theta$  и  $\xi$  от внешнего магнитного поля для параллельной  $H \parallel \mathbf{e}_{EA}$  и перпендикулярной  $H \perp \mathbf{e}_{EA}$  ориентации векторов, где введено обозначение для оси анизотропии ( $\mathbf{e}_{EA} \parallel \mathbf{e}_z$ )

На рис. 2 показаны зависимости равновесных углов  $\theta$  и  $\xi$ , которым соответствует минимуму энергии АФМ, от постоянного внешнего магнитного поля. Графики представлены для анизотропий «легкая ось» ( $\beta_1 > 0$ ) и «легкая плоскость» ( $\beta_1 < 0$ ) при переходе которого магнитная структура гематита претерпевает фазовый переход  $T_M = 260$  К.

Рассматривая случай анизотропии типа «легкая ось», можно заметить медленное изменение угла  $\theta$ , которое соответствует тому, что вектор  $\mathbf{m}$  выходит из плоскости при ориентации внешнего магнитного поля параллельного легкой оси анизотропии  $H \parallel \mathbf{e}_{EA}$ , при ориентации внешнего магнитного поля перпендикулярного легкой оси анизотропии  $H \perp \mathbf{e}_{ea}$ , наоборот, вектор  $\mathbf{m}$  будет поворачиваться в плоскости. При рассмотрении анизотропии типа «легкая плоскость» вектор  $\mathbf{l}$  будет оставаться в плоскости, до полей меньше обменного, а вектор  $\mathbf{m}$  при направлении внешнего магнитного поля по оси  $\mathbf{e}_z$  выйдет из плоскости при поле порядка поля анизотропии.

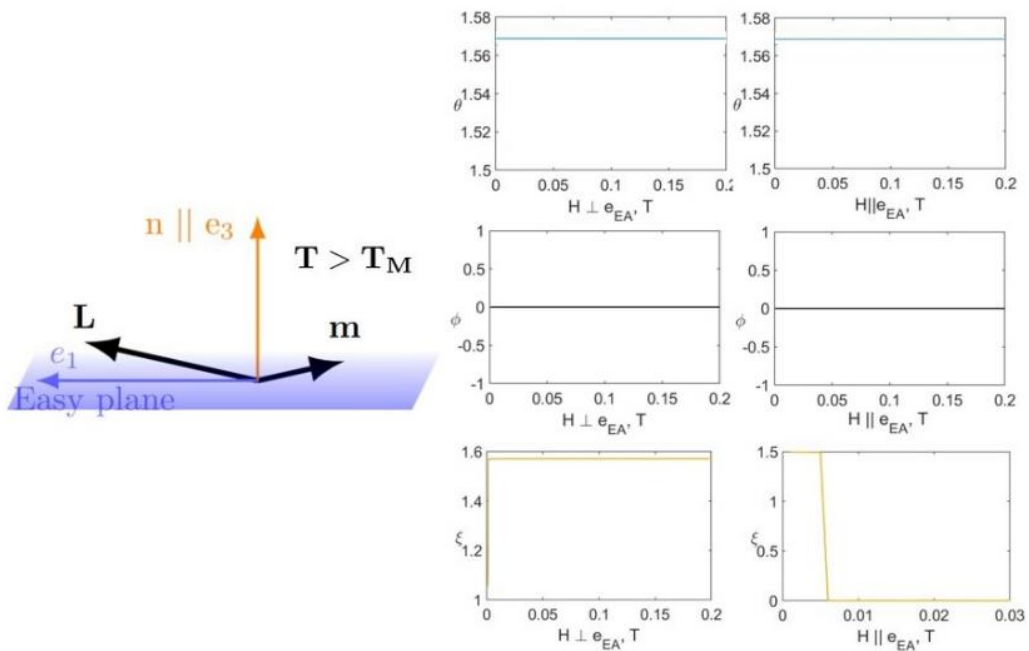


Рис. 3. Зависимость равновесных углов  $\theta$ ,  $\xi$  и  $\varphi$  от постоянного внешнего магнитного поля для  $\alpha - Fe_2O_3$  с учетом одноосной и гексагональной анизотропий. Составлено с учетом направления внешнего магнитного поля относительно легкой оси, а именно для параллельной  $H \parallel (H_A \parallel \mathbf{z})$  и перпендикулярной ориентации векторов  $H \perp (H_A \parallel \mathbf{z})$

Динамика намагниченностей подрешеток описывается с помощью уравнений Ландау-Лифшица. Однако в силу малой величины вектора намагниченности  $|\mathbf{m}| \ll |\mathbf{l}|$  и  $\mathbf{l}^2 = 1 - \mathbf{m}^2 \approx 1$ , где  $\mathbf{m} = \frac{\mathbf{M}_1 + \mathbf{M}_2}{2M_0}$ ,  $\mathbf{l} = \frac{\mathbf{M}_1 - \mathbf{M}_2}{2M_0}$ , где  $\mathbf{M}_1$  и  $\mathbf{M}_2$  намагниченность двух подрешеток, систему уравнений векторов  $\mathbf{M}_1$  и  $\mathbf{M}_2$  можно свести к уравнению движения только антиферромагнитного вектора  $\mathbf{l}$

[23,24]. Уравнения математической модели в формализме вектора Нееля могут быть получены непосредственно из полной энергии с использованием магнитной симметрии антиферромагнетика (1). Для двухподрешеточной модели антиферромагнетика можно записать два уравнения Ландау-Лифшиц и перейти к векторам  $\mathbf{m}$  и  $\mathbf{l}$  [25]:

$$\frac{d\mathbf{l}}{dt} = -\gamma(\mathbf{m} \times \mathbf{H}_l + \mathbf{l} \times \mathbf{H}_m), \quad (3)$$

$$\frac{d\mathbf{m}}{dt} = -\gamma(\mathbf{m} \times \mathbf{H}_m + \mathbf{l} \times \mathbf{H}_l), \quad (4)$$

где  $H_m = -\frac{\partial W_{AFM}}{\partial \mathbf{m}}$  и  $H_l = -\frac{\partial W_{AFM}}{\partial \mathbf{l}}$  эффективные поля для векторов  $\mathbf{m}$  и  $\mathbf{l}$  и  $\gamma$  – гиромагнитное отношение. Подставляя выражение для энергии (1) в уравнения (3) и (4), получим уравнения для динамики векторов  $\mathbf{m}$  и  $\mathbf{l}$ :

$$\frac{d\mathbf{l}}{dt} = -2\gamma M_0(\epsilon \mathbf{m} + [\mathbf{d} \times \mathbf{l}] - \mathbf{h}) \times \mathbf{l}, \quad (5)$$

$$\begin{aligned} \frac{d\mathbf{m}}{dt} = & -2\gamma M_0 2\beta_1 [\mathbf{l} \times \mathbf{n}](\mathbf{l} \cdot \mathbf{n}) + \mathbf{m} \times [\mathbf{d} \times \mathbf{l}] + [\mathbf{m} \times \mathbf{h}] - \\ & -4\beta' \left( (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_x)^5 [\mathbf{l} \times \mathbf{e}_x] - (\mathbf{l} \cdot \mathbf{e}_y)^5 [\mathbf{l} \times \mathbf{e}_y] \right) \\ & - (\delta_{12} - \delta_{11}) \left( \frac{1}{C_{11} - C_{12}} \right) \left( ([\mathbf{l} \times \mathbf{l}_x] - [\mathbf{l} \times \mathbf{l}_y]) \right) p_y, \end{aligned} \quad (6)$$

где  $\mathbf{n}$  – ортогональный вектор, который направлен вдоль оси  $\mathbf{e}_z$ ,  $\mathbf{e}_x$ ,  $\mathbf{e}_y$  и  $\mathbf{e}_z$  – орты, которые направлены вдоль осей  $\mathbf{x}$ ,  $\mathbf{y}$  и  $\mathbf{z}$ , соответственно.

Решая систему уравнений (5) и (6), получим динамическое уравнение движения для единичного вектора  $\mathbf{l}(t)$ :

$$\begin{aligned} \frac{d^2 \mathbf{l}}{dt^2} \times \mathbf{l} = & 2\gamma M_0 \left( (\mathbf{l} \cdot \mathbf{h}) \frac{d\mathbf{l}}{dt} - \left( \mathbf{d} \times \frac{d\mathbf{l}}{dt} \right) \right. \\ & \left. - ((\mathbf{d} \cdot \mathbf{l})\mathbf{h} + (\mathbf{l} \cdot \mathbf{h})\mathbf{d} - (\mathbf{d} \cdot \mathbf{l})[\mathbf{d} \times \mathbf{l}]) \right) - \end{aligned} \quad (7)$$

$$\begin{aligned}
 & -16M_0^2 \epsilon p_y \gamma^2 (\delta_{12} - \delta_{11}) \left( \frac{1}{C_{11} - C_{12}} \right) ([l \times l_x] - [l \times l_y]) \\
 & + 16\gamma^2 \epsilon M_0^2 \beta' ([l \times e_x](l \cdot e_x)^5) \\
 & + 16\gamma^2 \epsilon M_0^2 \beta' ([l \times e_y](l \cdot e_y)^5) + 4\gamma^2 M_0^2 [l \times h](l \cdot h) \\
 & - 8\gamma^2 M_0^2 \epsilon \beta_1 [l \times n](l \cdot n).
 \end{aligned}$$

Решая уравнение (7) для вектора Нееля, будем считать, что вектор  $\mathbf{l}$  совершает малые колебания вдоль равновесного положения. Представим вектор Нееля как сумму динамической и статической составляющих  $\mathbf{l} = \mathbf{l}_0 + \mathbf{s}$ . Эти векторы ортогональны друг другу, что означает  $(\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{s}) = 0$ .

Для упрощения нахождения  $\mathbf{l}_0$  можно перейти в систему координат, связанную с равновесным положением. После этого можно перейти к динамическому уравнению для вектора  $\mathbf{s}$ :

$$\begin{aligned}
 & \frac{d^2 \mathbf{s}}{dt^2} - \gamma(\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{H}) \left[ \mathbf{l}_0 \times \frac{d\mathbf{s}}{dt} \right] + \gamma \frac{d\mathbf{s}}{dt} (\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{H}_D) - \gamma^2 [\mathbf{s} \times \mathbf{H}_D] (\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{H}) \quad (8) \\
 & + \gamma^2 \mathbf{s} (\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{H}_D) + \\
 & + 2\gamma^2 M_0 H_E \beta_1 \mathbf{s} (\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{n})^2 + \gamma^2 \mathbf{s} (\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{H})^2 \\
 & - 16M_0^2 \epsilon p_y \gamma^2 \left( \frac{\delta_{12} - \delta_{11}}{C_{11} - C_{12}} \right) ((\mathbf{l}_0 \cdot l_x) - (\mathbf{l}_0 \cdot l_y)) \mathbf{s} \\
 & + 16\gamma^2 \epsilon M_0^2 \beta' (\mathbf{s} (l \cdot e_x)^5 + \mathbf{s} (l \cdot e_y)^5) \\
 & - \gamma^2 [\mathbf{s} \times \mathbf{H}] (\mathbf{s} \cdot \mathbf{H}_D) - \gamma^2 \mathbf{H}_D (\mathbf{s} \cdot \mathbf{H}_D) - \gamma^2 \mathbf{s} (\mathbf{s} \cdot \mathbf{H}_D)^2 \\
 & = 0,
 \end{aligned}$$

где было введено обозначение  $h = \frac{H}{2M_0}$  и  $d = \frac{H_D}{2M_0}$ . Представим вектор как  $\mathbf{s} = s_x \mathbf{e}_x + s_y \mathbf{e}_y$ , тогда можно записать выражение (8) в виде:

$$\frac{d^2 \mathbf{s}}{dt^2} - \gamma(\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{H}) \hat{\Theta} \frac{d\mathbf{s}}{dt} - \gamma \hat{\Theta} \frac{d\mathbf{s}}{dt} (\mathbf{l}_0 \cdot \mathbf{H}_D) + (\hat{\Omega} - (\mathbf{l}_0 \cdot \hat{\Omega} \mathbf{l}_0) \hat{\mathbf{I}}) \cdot \mathbf{s} = 0, \quad (9)$$

где  $\hat{\mathbf{I}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $\hat{\Theta} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$ ,  $\hat{\Omega}$  – частотный оператор, который определяется как:

$$\begin{aligned}
 \hat{\Omega} = & \omega_{ex} \omega_{EA} (\mathbf{e}_z \otimes \mathbf{e}_z) + 8\omega_{ex} \omega'_{EA} (\mathbf{e}_z \otimes \mathbf{e}_z) + \omega_H^2 (\mathbf{e}_H \otimes \mathbf{e}_H) - \quad (10) \\
 & - \omega_D^2 (\mathbf{e}_D \otimes \mathbf{e}_D) - 8\omega_{ex} \omega_p (\mathbf{e}_p \otimes \mathbf{e}_p),
 \end{aligned}$$



где  $\omega_{EA} = \gamma \frac{\beta_1}{2M_0} = \gamma H_{EA}$ ,  $\omega'_{EA} = \gamma \frac{\beta'}{2M_0} = \gamma H'_{EA}$ ,  $\mathbf{e}_H, \mathbf{e}_D, \mathbf{e}_p$  – орты, которые направлены вдоль осей приложенного магнитного поля, вдоль вектора Дзялошинского-Мория и внешнего давления, соответственно. Тогда решение уравнения для динамического вектора  $\mathbf{s}$  имеет следующий вид:

$$\begin{pmatrix} \omega_2^2 - \omega & i\omega\omega_H(\mathbf{e}_H \cdot \mathbf{l}_0) - i\omega\omega_D(\mathbf{e}_D \cdot \mathbf{l}_0) \\ -i\omega\omega_H(\mathbf{e}_H \cdot \mathbf{l}_0) - i\omega\omega_D(\mathbf{e}_D \cdot \mathbf{l}_0) & \omega_2^2 - \omega \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} s_1 \\ s_2 \end{pmatrix} = 0, \quad (11)$$

где 
$$\omega_{1,2}^2 = \omega_{ex}\omega'_{EA} + \omega_{ex}\omega_{EA} \left( (\mathbf{e}_{x,y} \cdot \mathbf{e}'_{EA})^2 - (\mathbf{e}_z \cdot \mathbf{e}'_{EA})^2 \right) + \omega_{ex}\omega_p \left( (\mathbf{e}_{x,y} \cdot \mathbf{e}_p)^2 - (\mathbf{e}_z \cdot \mathbf{e}_p)^2 \right) + \omega_H^2 \left( (\mathbf{e}_{x,y} \cdot \mathbf{e}_H)^2 - (\mathbf{e}_z \cdot \mathbf{e}_H)^2 \right) - \omega_D^2 \left( (\mathbf{e}_{x,z} \cdot \mathbf{e}_D)^2 - (\mathbf{e}_y \cdot \mathbf{e}_D)^2 \right).$$

Решая систему уравнений для динамического вектора  $\mathbf{s}$  (11), можно получить выражение для частоты АФМ резонанса:

$$\omega_{\pm}^2 = \frac{1}{2}(\omega_1^2 + \omega_2^2) + (\overline{\omega}_H - \overline{\omega}_D)^2 \pm \sqrt{\left( \frac{1}{4}(\omega_1^2 - \omega_2^2)^2 + (\omega_1^2 + \omega_2^2) (\overline{\omega}_H^2 + \overline{\omega}_D^2 - 2\overline{\omega}_H\overline{\omega}_D) + (\overline{\omega}_H - \overline{\omega}_D)^2 \right)}$$

где  $\overline{\omega}_H = \omega_H(\mathbf{e}_H \cdot \mathbf{l}_0)$ ,  $\overline{\omega}_D = \omega_D(\mathbf{e}_D \cdot \mathbf{l}_0)$ .

## 2. Численное моделирование влияния давления на частоту однородного АФМ-резонанса

Для численного расчета были использованы следующие значения для  $\alpha - Fe_2O_3$ :  $M_0 = 870$  Гс,  $H_D = 2.72$  Т,  $H_E = 1040$  Т,  $H'_{EA} = 1.54 \cdot 10^{-6}$  Т,  $H_{EA} = 23.8 \cdot 10^{-3}$  Т,  $\delta_{11} = -7.5 \cdot 10^5$   $J \cdot m^{-3}$ ,  $\delta_{12} = 24.5 \cdot 10^5$   $J \cdot m^{-3}$ ,  $C_{12} = 17.0 \cdot 10^{10}$  Па,  $C_{11} = 36.3 \cdot 10^{10}$  Па. Зависимости частот  $f = \frac{\omega}{2\pi}$  от постоянного внешнего магнитного поля показаны на рис. 6. На рисунке изображены зависимости частоты однородного АФМ резонанса от величины постоянного внешнего поля. Из рис. 6 следует, что при нулевом внешнем магнитном поле

$H_0 = 0$  частота равна  $f_- = f_+ = f_0 \approx \frac{\gamma}{2\pi} \sqrt{(H_{ex} H_{EA})}$ . Тогда можно сделать вывод, что частота при нулевом магнитном поле в антиферромагнетиках для верхней моды может достигать несколько сотен гигагерц. После решения (12) получим две моды антиферромагнитного резонанса, условно обозначенные как нижняя и верхняя. Нижняя мода при нулевом внешнем магнитном поле  $f_1 \approx \frac{\gamma}{2\pi} \sqrt{H_{ex} H'_{EA}} \approx 8 \text{ GHz}$ , а верхняя мода принимает значение  $f_2 \approx \frac{\gamma}{2\pi} \sqrt{H_{ex} H_{EA}} \approx 164 \text{ GHz}$ .

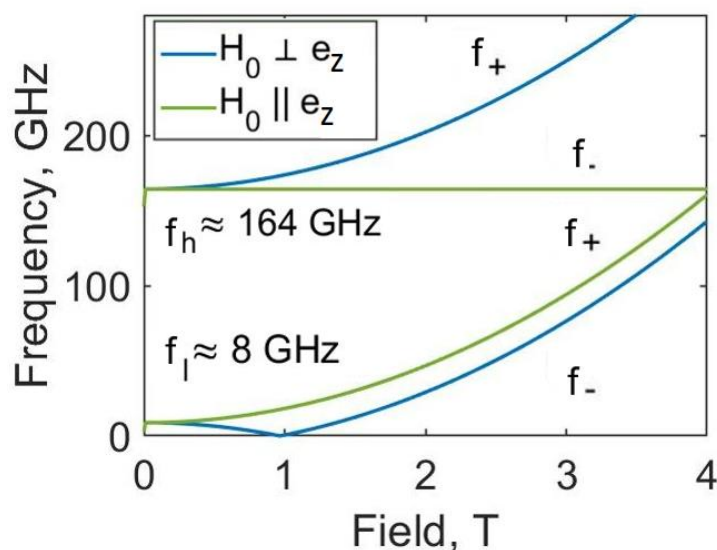


Рис. 6. Зависимость частоты антиферромагнитного резонанса для  $\alpha - \text{Fe}_2\text{O}_3$  с учетом анизотропий второго и шестого порядков от внешнего магнитного поля. Составлено с учетом направления внешнего магнитного поля относительно трудной оси  $H \parallel (\mathbf{e}_{EA} \parallel \mathbf{e}_z)$ . Частота нижней ветви  $f_1 \approx 8 \text{ GHz}$  и частота верхней ветви  $f_2 \approx 164 \text{ GHz}$

Далее исследуем зависимость частоты антиферромагнитного резонанса от внешнего магнитного поля с учетом внешнего давления (рис. 7).

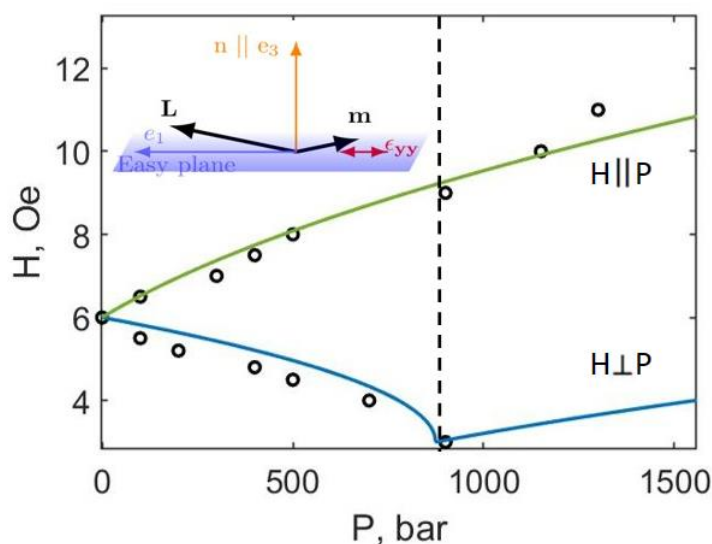


Рис. 7. Зависимость резонансного магнитного поля от давления для  $\alpha - Fe_2O_3$  при  $p_y > 0$ . Составлено с учетом направления внешнего магнитного поля относительно оси приложенного давления  $H \parallel P$  (зеленая линия) и  $H \perp P$  (синяя линия)

На рис. 7 представлены зависимости резонансных полей как функция приложенного давления на структуру  $\alpha - Fe_2O_3$ . Сплошные линии соответствуют теоретическому расчету (12), а точки экспериментальным данным [26]. Некоторое несоответствие теории и эксперимента объясняется наличием доменной структуры, что подробнее описано в другой работе [27]. На рис. 7 приведена зависимость для давления ( $p_y > 0$ ), однако можно также рассмотреть случай растяжения структуры ( $p_y < 0$ ). По теоретическим расчетам (12) для получения одинакового значения резонансного магнитного поля для случая растяжения необходимо прикладывать большее давление.

## Заключение

Постоянно растущие требования электронных систем стимулируют создание принципиально новой элементной базы. В данной статье исследовалось влияние внешних параметров, давления и постоянного магнитного поля, на частоту антиферромагнитного резонанса для  $\alpha - Fe_2O_3$  с учетом одноосной и гексагональной анизотропий. Рассмотрены несколько магнитных конфигураций, когда магнитное поле и поле анизотропии направлены перпендикулярно и

параллельно друг другу. Было исследовано влияние внешнего магнитного поля и давления на равновесное значение для вектор  $\mathbf{l}$  и  $\mathbf{m}$ , а также представлена общая модель динамики антиферромагнитного вектора и вывод уравнений для частот однородного АФМ-резонанса. Были получены полевые зависимости частот АФМ-резонанса для анизотропий типа «легкая плоскость», а также зависимость резонансных полей от внешнего давления.

Полученные результаты показывают, что учет влияние давления через магнитоупругое взаимодействие открывает новые возможности для терагерцовой электроники. В зависимости от эксперимента, внешние силы, влияющие на поля анизотропии антиферромагнетика, могут быть использованы для изменения величины и эффективного управления собственной частотой АФМ.

**Финансирование:** Работа выполнена в рамках государственного задания ИРЭ им. В.А.Котельникова РАН.

### Литература

1. Kruglyak V. V., Demokritov S. O., Grundler D. Magnonics // Journal of Physics D: Applied Physics. – 2010. – V. 43. – №. 26. – P. 264001.
2. Nikitov S. A. et al. Magnonics: a new research area in spintronics and spin wave electronics // Physics-Uspekhi. – 2015. – V. 58. – №. 10. – P. 1002.
3. Nikitov S. A. et al. Dielectric magnonics: from gigahertz to terahertz // Physics-Uspekhi. – 2020. – V. 63. – №. 10. – P. 945.
4. Xiong D. et al. Antiferromagnetic spintronics: An overview and outlook // Fundamental Research. – 2022. – V. 2. – №. 4. – P. 522-534.
5. Dzyaloshinsky I. A thermodynamic theory of “weak” ferromagnetism of antiferromagnetics // Journal of physics and chemistry of solids. – 1958. – V. 4. – №. 4. – P. 241-255.
6. Moriya T. New mechanism of anisotropic superexchange interaction // Physical Review Letters. – 1960. – V. 4. – №. 5. – P. 228.

7. Tiercelin N. et al. From non-linear magnetoacoustics and spin reorientation transition to magnetoelectric micro/nano-systems // *Spintronics X.* – SPIE, 2017. – V. 10357. – P. 102-110.
8. Khymyn R., Tiberkevich V., Slavin A. Antiferromagnetic spin current rectifier // *AIP Advances.* – 2017. – V. 7. – №. 5.
9. Гомонай Е. В., Локтев В. М. Спинтроника антиферромагнитных систем (Обзор) // *Физика низких температур.* – 2014. – №. 40, № 1. – С. 422-47.
10. Safin A. et al. Electrically tunable detector of THz-frequency signals based on an antiferromagnet // *Applied Physics Letters.* – 2020. – V. 117. – №. 22.
11. Jia C. et al. Chiral logic computing with twisted antiferromagnetic magnon modes // *npj Computational Materials.* – 2021. – V. 7. – №. 1. – P. 101.
12. Buchelnikov V. D., Dolgushin D. M., Bychkov I. V. The peculiarities of coupled electromagnetic and magnetoelastic waves in antiferromagnets // *Journal of magnetism and magnetic materials.* – 2006. – V. 305. – №. 2. – P. 470-474.
13. Gareeva Z. V., Doroshenko R. A. Thickness-shear modes and magnetoelastic waves in a longitudinally magnetized ferromagnetic plate // *Journal of magnetism and magnetic materials.* – 2008. – V. 320. – №. 18. – P. 2249-2251.
14. Dai T., Kalyabin D. V., Nikitov S. A. Hypersonic magnetoelastic waves in inhomogeneous structures // *Ultrasonics.* – 2022. – V. 121. – P. 106656.
15. Khitun A., Bao M., Wang K. L. Magnetic cellular nonlinear network with spin wave bus // *2010 12th International Workshop on Cellular Nanoscale Networks and their Applications (CNNA 2010).* – IEEE, 2010. – P. 1-5.
16. Tiercelin N. et al. From non-linear magnetoacoustics and spin reorientation transition to magnetoelectric micro/nano-systems // *Spintronics X.* – SPIE, 2017. – V. 10357. – P. 102-110.
17. Turov E. A. Kinetic, Optical, and Acoustic Properties of Antiferromagnets // *Izd. Ural. Otd. Akad. Nauk, Sverdlovsk.* – 1990.
18. Özgür Ü., Alivov Y., Morkoç H. Microwave ferrites, part 1: fundamental properties // *Journal of materials science: Materials in electronics.* – 2009. – V. 20. – P. 789-834.

19. Harris V. G. Modern microwave ferrites // IEEE Transactions on Magnetics. – 2011. – V. 48. – №. 3. – P. 1075-1104.
20. Morin F. J. Electrical Properties of  $\alpha$  Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> and  $\alpha$  Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> Containing Titanium // Physical Review. – 1951. – V. 83. – №. 5. – P. 1005.
21. Moriya T. Anisotropic superexchange interaction and weak ferromagnetism // Physical review. – 1960. – V. 120. – №. 1. – P. 91.
22. Ellis D. S. et al. Magnetic states at the surface of  $\alpha$ -Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> thin films doped with Ti, Zn, or Sn // Physical Review B. – 2017. – V. 96. – №. 9. – P. 094426.
23. Dikshtein I. E., Salk S. H. S. Nonlinear self-localized magnetoelastic surface waves in antiferromagnetic media // Physical Review B. – 1996. – V. 53. – №. 22. – P. 14957.
24. Ozhogin V. I., Preobrazhenskii V. L. Anharmonicity of mixed modes and giant acoustic nonlinearity of antiferromagnetics // Soviet Physics Uspekhi. – 1988. – V. 31. – №. 8. – P. 713.
25. Andreev A. F., Marchenko V. I. Symmetry and the macroscopic dynamics of magnetic materials // Soviet Physics Uspekhi. – 1980. – V. 23. – №. 1. – P. 21.
26. Дикштейн И. Е., Тарасенко В. В., Шавров В. Г. Влияние давления на резонансные свойства одноосных ферро-и антиферромагнетиков // ФТТ. – 1974. – Т. 16. – №. 8. – С. 2192.
27. Maksimenkov P. P., Ozhogin V. I. Antiferromagnetic resonance investigation of the magnetoelastic interaction in hematite // Soviet Journal of Experimental and Theoretical Physics. – 1974. – V. 38. – P. 324.

**Для цитирования:**

Богданова Т.В., Калябин Д.В., Сафин А.Р., Никитов С.А. Моделирование внешнего воздействия на резонансные свойства объемного антиферромагнетика  $\alpha$  – Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> при спин-переориентационном переходе // Журнал радиоэлектроники. – 2023. – №. 12. <https://doi.org/10.30898/1684-1719.2023.12.26>