

DOI: https://doi.org/10.30898/1684-1719.2024.12.8 УДК: 534.6.08

# ПРОЕКЦИОННЫЙ МЕТОД ОПРЕДЕЛЕНИЯ АНОМАЛЬНЫХ ДАТЧИКОВ В ЗАДАЧАХ ВИБРОАКУСТИКИ

Н.А. Кутузов, А.А. Родионов

Институт прикладной физики им. А.В. Гапонова-Грехова РАН, 603950, Нижний Новгород, ул. Ульянова, 46

Статья поступила в редакцию 20 августа 2024 г.

Аннотация. В виброакустических задачах распространенной проблемой при проведении измерений с использованием набора вибродатчиков является отсутствие точной модели сигнала на приемниках. Подобная неопределенность может привести к деградации алгоритмов обработки и неправильному решению обратной задачи. Также из-за неисправности вибродатчики могут выдавать некорректный результат, ухудшая качество измерений. На практике поиск таких аномальных датчиков представляет отдельную нетривиальную задачу. В настоящей работе для ее решения предложен оригинальный метод, относящийся к проекционным алгоритмам. Показано, что предложенный подход позволяет обнаруживать аномальные приемники различного типа. Главной особенностью метода является совмещение численной конечноэлементной модели исследуемого объекта и экспериментальных данных. продемонстрирована Эффективность предложенного метода В задаче локализации виброисточников. Новый метод может быть использован и в обратной приложениях, где решение задачи других происходит с использованием численной или аналитической модели.

Ключевые слова: проекционные методы, локализация источников, отбор датчиков, шумы и вибрации.

Финансирование: работа выполнена в рамках госзадания №FFUF-2024-0040. Автор для переписки: Кутузов Никита Анатольевич, nik-kutuzov@yandex.ru

# Введение

Измерения с использованием набора вибродатчиков используются в ряде например, задач виброакустики, таких как обнаружение дефектов В конструкциях, верификация/доводка конечно-элементных моделей (КЭМ) [1], локализация источников, определение и разрешение собственных форм и частот колебаний. Успешное решение данных задач существенно зависит от пространственной конфигурации набора вибродатчиков. Например, при удачном расположении количество датчиков, необходимое для решения задачи может быть сравнительно небольшим (10-15). При ЭТОМ неудачное расположение такого же количества датчиков (ряд датчиков установлены в узлах нескольких мод или в точках существенного несоответствия реальной конструкции и КЭМ) может привести к неверным выводам при диагностике.

Отметим, что существует большое число работ, посвященных оценке качества пространственных конфигураций датчиков при решении различных задач виброакустики. Успешно используется оптимизация расположения вибродатчиков с помощью критериев MAC (Modal Assurance Criterion), EI (Effective Independence), MKE (Modal Kinetic Energy) [2-4]. Критерий MAC основан на расчете матрицы корреляции мод в интересующих частотных диапазонах для заданной пространственной конфигурации набора датчиков (при ограничении на общее число датчиков). Информация о значениях внедиагональных элементов матрицы корреляции может быть использована для оптимизации расположения вибродатчиков. А именно, при вибродиагностике можно считать наилучшим набор датчиков с минимальными значениями коэффицента корреляции мод на датчиках. Критерий EI использует информационную матрицу Фишера для решения той же задачи, для которой

используется МАС – оптимизация линейной независимости собственных пространственных форм в точках установки вибродатчиков. В критерии МКЕ используется информации о кинетической энергии колебаний в точках вибродатчиков. Данные критерии и их модификации позволяют существенно улучшить устойчивость задачи. При оптимизации расположения могут использоваться как модельные представления (полученные, например, с помощью КЭМ), так и предварительные экспериментальные данные (полученные калибровкой конструкции).

Иногда конфигурация расположения датчиков фиксирована, а их пространственное расположение ограничено техническими возможностями. В этом случае актуальной становится задача отделения «хороших» датчиков от «плохих», которые могут ухудшить результат решаемой задачи (например, по поиску виброисточников). Появление «плохих» датчиков может быть связано с выходом из строя самих преобразователей или их неудачным расположением (в узлах мод, либо в точках большого рассогласования с моделью) или появлением дефекта в реальной конструкции или механизме.

Показания вибродатчиков таких «ПЛОХИХ» будем называть выбросами/аномалиями. Наличие аномалии может свидетельствовать, к примеру, об аварийном состоянии конструкции/механизма или неисправности датчика и непригодности его для дальнейшей работы. Отметим, что при решении задачи обнаружения и классификации аномалий на вибродатчиках датчиков, обработки показаний могут использоваться методы широко отличных от виброакустики областях (геофизика. применяемые И В метеорология, беспроводная связь и т.д.). Детальный обзор таких методов представлен в [5]. Приведем здесь некоторые работы, посвященные работе с выбросами в показаниях датчиков.

Для решения задачи обнаружения и классификации выбросов часто используются алгоритмы, основанные на методе главных компонент (PCA) [6]. Метод главных компонент заключается в уменьшении размерности задачи путем нахождения компонент, создающих ортогональный базис для данной

задачи. Метод в приложении к данной задаче нашел применение во множестве разных областей. В виброакустике метод главных компонент может быть использован для обнаружения и локализации дефекта в конструкции. В работе [7] авторы предполагают, что дефект в какой-то области конструкции можно ассоциировать с появлением аномалии в показаниях соответствующего вибродатчика. Подобный «плохой» вибродатчик и предполагаемую область дефекта можно обнаружить путем сравнения углов между подпространствами [8], образованными главными компонентами (при определенных условиях главные компоненты совпадают с модами конструкции) принятого сигнала в обычном и дефектном состояниях конструкции. Устранение «плохого» вибродатчика ведет к существенному уменьшению угла (т.е «разницы») между подпространствами. Несколько отличная методика, PCA связанная С используется в работе [9] для обнаружения дефектного подшипника. В этих работах «плохим» является датчик, ассоциированный с каким-то дефектом самой конструкции. В ряде работ [10-11] аномальным также считается датчик, вышедший из строя. В отсутствии априорной информации о причине выбросов может стать актуальной задача классификации аномалий. Решению задачи обнаружения выбросов показаний и их классификации посвящена, к примеру, статья [12].

Другим распространенным подходом является использование алгоритмов, основанных на нейронных сетях различных типов (ANN – Artificial Neural Network). В виброакустике машинное обучение часто используется в разных приложениях, например диагностика механизмов [13], обнаружение дефектов в строительных конструкциях [14]. ANN используется и для обнаружения аномалий датчиков, и для их классификаций как во временной, так и в частотной областях. Помимо ANN и PCA, для обработки выбросов используются, к примеру, вейвлет – преобразование [15], кластерный анализ [16], выделение «эмпирических мод» (EMD) [17]. Суть методов в общем можно описать как использование классификации и машинного обучения для разделения условно «нормального» и дефектного состояния системы.

#### ЖУРНАЛ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ, elSSN 1684-1719, №12, 2024

К примеру, существенное снижение сходства между эмпирическими модами сигнала с вибродатчиков в момент запуска механизма и в ходе дальнейшей эксплуатации может свидетельствовать о наличии неисправностей.

Однако малоисследованным остается вопрос о применении обработки аномалий датчиков при решении такого вида обратной задачи в виброакустике, как локализация виброисточников. Задача локализации источников вибраций является распространенной задачей виброакустики, она решается при диагностике механизмов и конструкций, снижении уровня вибраций [18-21]. При этом в работах не рассматривается вопрос классификации и обнаружения аномальных, «плохих» датчиков и их влияния на результат локализации. Между тем, такие датчики могут существенно ухудшить качество локализации, сделать ее невозможной. Целью данной работы и является устранение этого пробела.

### 1. Постановка задачи

Будем считать, что имеется некоторая сложная механоакустическая система (конструкция), для которой построена конечно-элементная модель (КЭМ), состоящая из определенного числа узлов. Считаем также, что в некотором узле расположен виброисточник, параметры которого требуется определить. Этот виброисточник ориентирован определенным образом в возбуждающий виброисточник, пространстве, сигнал, а является широкополосным белым гауссовским шумом. В данном исследовании в качестве виброисточника использовался пьезоэлектрический возбудитель. Будем считать, что в каждой узкой частотной полосе амплитудно-частотная характеристика виброисточника близка к константе, а сигнал, соответственно, является белым шумом. В К точках конструкции находятся вибродатчики (акселерометры), a принимаемый сигнал подвергается узкополосной фильтрации на частоте  $f_0$ . Модель принимаемого сигнала на частоте  $f_0$ в момент времени с номером *j* можно записать как следующий  $K \times 1$  вектор:

$$\mathbf{v}_{j} = p_{j} \mathbf{A}(x_{i}, y_{i}, z_{i}) \mathbf{F} + \boldsymbol{\xi}_{j}, j = 1...J, \qquad (1)$$

#### ЖУРНАЛ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ, eISSN 1684-1719, №12, 2024

где  $p_j$  – временная форма узкополосного сигнала (комплексный белый гауссовский шум с нулевым средним и дисперсией  $\sigma_s^2$ , определяющей интенсивность вибрационного источника), **F** – вектор 3x1 нормированных комплексных составляющих силы ( $\mathbf{F}^H \mathbf{F} = 1$ ),  $\boldsymbol{\xi}_j$  – временные отсчеты аддитивного белого гауссова шума с нулевым средним и дисперсией  $\sigma_0^2$ ,  $\mathbf{A}(x_i, y_i, z_i)$  – Kx3 матрица комплексных коэффициентов передачи из узла с координатами  $x_i, y_i, z_i$  (координаты виброисточника) в узлы, соответствующие контрольным точкам (в которых находятся вибродатчики), получаемая конечно-элементным моделированием по принципу взаимности. Отметим, что при высоком отношении сигнал/шум именно разница между модельной и реальной матрицами может привести к существенной ошибке локализации.

Для приведенной выше модели в задаче локализации единственного виброисточника эффективно использовать выражение для целевой функции, полученное из метода наименьших квадратов [19,21]:

$$S_{MNK}(x, y, z) = \mathbf{V}^H \mathbf{A} (\mathbf{A}^H \mathbf{A})^{-1} \mathbf{A}^H \mathbf{V} \to \max_{x, y, z}, \qquad (2)$$

где V- собственный вектор выборочной корреляционной матрицы принятого сигнала  $\hat{\mathbf{K}} = \frac{1}{J} \sum_{i=1}^{J} \mathbf{v}_{j} \mathbf{v}_{j}^{H}$ , соответствующий максимальному собственному числу. Этот вектор является максимально правдоподобной оценкой сигнального вектора (первого слагаемого в (1)) в предположении его полной неизвестности. Функция (2) получена путем оптимизации функции МНК по компонентам вектора силы F, и является, по сути, коэффициентом корреляции (ее значения лежат в пределе от 0 до 1) между модельными данными и экспериментом и Узел с наибольшим для каждого узла конструкции. рассчитывается наиболее коэффициентом корреляции вероятного считается местом расположения источника.

Выражение (2) получено в предположении единственного источника. Для решения задачи с *M* источниками по методу наименьших квадратов нужен полный перебор, по меньшей мере, в 3*M*-мерном пространстве, что

#### ЖУРНАЛ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ, eISSN 1684-1719, №12, 2024

неприемлемо с вычислительной точки зрения и поэтому необходимо принципиально другое решение. Такое решение предложено в работе [19] и заключается в использовании специальной модификации метода сверхразрешения MUSIC [22]

$$F_{MUS+}(x, y, z) = \lambda_{MUS}^{-1}, \qquad (3)$$

где  $\lambda_{MUS}$  – минимальное собственное число матрицы  $(\mathbf{A}^{H}\mathbf{A})^{-1}\mathbf{A}^{H}\mathbf{U}\mathbf{U}^{H}\mathbf{A}_{,}$  $\mathbf{U}\mathbf{U}^{H} = \sum_{l=L+1}^{K} \mathbf{u}_{l}\mathbf{u}_{l}^{H}, \quad \mathbf{u}_{l}$  – собственные вектора матрицы выборочной корреляционной матрицы процесса  $\hat{\mathbf{K}}$  Параметр метода *L* должен быть больше

или равен числу источников М.

В настоящей работе методы (2) и (3) используются для локализации одного и двух одновременно работающих виброисточников соответственно. При высоком отношении сигнал/шум качество локализации определяется разницей между модельной и реальной матрицами **A**.

Отклик конструкции на воздействие в одной из узких частотных полос, прежде всего, определяется модами (собственными формами конструкции) и соотношением их вклада в результирующее колебание. На разных частотах и при разных положениях источника и вибродатчиков функция коэффициентов передачи определяется разными наборами мод. Собственные формы и собственные частоты колебаний КЭМ и реальной конструкции отличаются (даже после уточнения модели). При этом в каждой частотной полосе на одних вибродатчиках амплитуда и фаза колебаний лучше совпадает с модельными значениями, чем на других хуже. Можно представить конструкцию с заметным дефектом, за счет чего в одних точках конструкции собственные формы колебаний могут гораздо больше отличаться от модельных, чем в других. аномальных/"плохих" Отметим, наборы вибродатчиков что таких С наибольшим рассогласованием реальной конструкции и модели отличаются для разных частот. Это происходит, потому что отличаются наборы мод, вносящих существенный вклад в результирующее колебание (при этом рассогласование модельных и реальных пространственных форм и частот для каждой моды

уникально). Наличие таких аномальных датчиков может существенно ухудшать результат локализации источников, и даже сделать корректную локализацию невозможной. Заметим, что аномальным, «плохим» датчик делает именно рассогласование КЭМ и конструкции, а не аппаратные неисправности. Для корректного решения обратной задачи по локализации необходим способ, который поможет исключить такие аномальные датчики за счет сопоставления данных модели и эксперимента. Предпочтительно также, чтобы такой способ селекции датчиков позволил бы исключить и датчики с аппаратными неисправностями, резкими выбросами сигнала и т.д.

# 2. Метод селекции вибродатчиков

На частоте  $f_0$  для каждого *i*-го узла КЭМ рассчитаем матрицу коэффициентов передачи и для каждого узла составим *K*х3 матрицу

$$\mathbf{B}_{i} = [\overline{\mathbf{A}_{x}} \, \overline{\mathbf{A}_{y}} \, \overline{\mathbf{A}_{z}}], \qquad (4)$$

где

$$\overline{\mathbf{A}_{x}} = \frac{\mathbf{A}(x_{i}, y_{i}, z_{i})\mathbf{F}_{x}}{\left\|\mathbf{A}(x_{i}, y_{i}, z_{i})\mathbf{F}_{x}\right\|_{2}}, \qquad \overline{\mathbf{A}_{y}} = \frac{\mathbf{A}(x_{i}, y_{i}, z_{i})\mathbf{F}_{y}}{\left\|\mathbf{A}(x_{i}, y_{i}, z_{i})\mathbf{F}_{y}\right\|_{2}}, \qquad \overline{\mathbf{A}_{z}} = \frac{\mathbf{A}(x_{i}, y_{i}, z_{i})\mathbf{F}_{z}}{\left\|\mathbf{A}(x_{i}, y_{i}, z_{i})\mathbf{F}_{y}\right\|_{2}},$$

cootbettctbetho, a  $\mathbf{F}_x = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \mathbf{F}_y = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}, \mathbf{F}_z = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}.$ 

Из матриц  $\mathbf{B}_i$  составим матрицу Kx3N  $\mathbf{M} = [\mathbf{B}_1, \mathbf{B}_2, ..., \mathbf{B}_i, ..., \mathbf{B}_N]$ , где N – число узлов в модели. Матрицы  $\mathbf{B}_i$  состоят из нормированных модельных откликов на единичные воздействия в трех направления для каждого узла, а матрица  $\mathbf{M}$  состоит из откликов для всей модели. Матрица  $\mathbf{T} = \mathbf{M}\mathbf{M}^H$ содержит  $\mathbf{D} < \mathbf{K}$  главных компонент (собственных векторов  $\mathbf{W}_1...\mathbf{W}_D$ ). Любой отклик на воздействие может быть выражен как линейная комбинация данных компонент. Можно предположить, что при наличии рассогласования между КЭМ и конструкцией экспериментальный отклик  $\mathbf{v}_j$  будет разложен по ортогональным компонентам  $\mathbf{W}_1...\mathbf{W}_D$  с существенной погрешностью. Вероятно, эта погрешность будет максимальной на аномальных/"плохих" датчиках. Удаление таких датчиков способно существенно повлиять на соответствие эксперимента и модели и, как следствие, на решение обратной задачи.

Попробуем определить такие датчики с использованием матрицы **T**. Будем последовательно исключать каждый датчик, т.е. удалять соответствующие k-ую строку и столбец из матрицы **T**, получая таким образом для каждого удаленного k-ого датчика матрицу  $\mathbf{T}_k$ . Для определения размерности ортогонального базиса D и последующего отбора собственных векторов используем критерий [23]

$$\sum_{w=1}^{D} \lambda_{w}$$

$$\sum_{w=1}^{K-1} \lambda_{w}$$
(5)

где  $\lambda_w$  – собственные числа матрицы  $\mathbf{T}_k$ .

Проделаем ту же операцию исключения датчиков с экспериментальными данными и получим набор **v**<sub>*jk*</sub> – векторов отсчетов сигнала в момент времени ј без k-ого датчика. Для каждого k найдем отношение:

$$F_{sensor}(k) = \frac{1}{J} \sum_{j=1}^{J} \frac{\mathbf{v}_{jk}^{H} \mathbf{v}_{jk}}{\mathbf{v}_{jk}^{H} \mathbf{C} \mathbf{C}^{H} \mathbf{v}_{jk}},$$
(6)

где  $\mathbf{CC}^{H} = \sum_{d=D+1}^{K-1} \mathbf{c}_{d} \mathbf{c}_{d}^{H}$ ,  $\mathbf{c}_{d}$  – собственные вектора матрицы  $\mathbf{T}_{k}$ , соответствующие младшим  $D+1 \le w \le K-1$  собственным числам  $\lambda_{w}$ . Функция (6) вычисляется для каждого k-ого датчика в каждой частотной полосе  $f_{0}$  и является мерой того, насколько "хорошо" вектора экспериментальных отсчетов без k-ого датчика лежат в пространстве D модельных главных компонент. Знаменатель выражения (6), представляющий собой проекцию вектора экспериментальных отсчетов сигнала на (K-1)-D собственных векторов матрицы  $\mathbf{T}_{k}$  резко уменьшится при удалении "аномального" датчика. Причина этого в том, что проекция векторов  $\mathbf{v}_{ik}$  (лежащих в пространстве, образованном собственными

векторами  $\mathbf{W}_{k1}...\mathbf{W}_{kD}$ , соответствующим *D* старшим собственным числам матрицы  $\mathbf{T}_k$ ) на младшие собственные вектора  $\mathbf{c}_d$  при устранении рассогласования устремляется к нулю. Можно предположить, что при удалении нормальных датчиков (без рассогласования) отношение (6) для разных k будет меняться не так сильно, как при удалении "аномальных" датчиков. Резко выделяющиеся выбросы функции  $F_{sensor}(k, f_o)$  можно определить с помощью абсолютного медианного отклонения [24]:

$$MAD = med([F_{sensor}(1..K) - med[F_{sensor}(1..K)]])b, b = 1.4826,$$
(7)

Те датчики, для которых выполняется неравенство

$$F_{sensor}(k) > med[F_{sensor}(1..K)] + 3MAD$$
(8)

и будем считать аномальными датчиками.

Такая методика позволяет для каждой узкой частотной полосы  $f_0$  определить аномальные, плохо согласующиеся (в силу рассогласования, и в силу аппаратных погрешностей) с моделью датчики.

### 3. Апробация метода селекции

Для исследования эффективности метода селекции датчиков были проведены численное моделирование и эксперимент с механической конструкцией. Длина конструкции составляла около 0.8 м, ширина – 0.23 м, высота – 0.14 м, число узлов около 25000, число элементов около 6000. На рис. 1 представлены фото конструкции с установленными вибродатчиками (А) и виброисточниками и ее конечно-элементная модель (В).



Рис. 1. Конструкция с установленными вибродатчиками и виброисточниками (A), КЭМ конструкции (B).

В качестве вибродатчиков использовались пьезоэлектрические акселерометры, установленные В контрольных точках конструкции И подключенные к сборщику данных, при этом каждый из акселерометров был ориентирован по одной из осей x, y или z – по нормали к поверхности модели. Всего было установлено 24 акселерометра: 22 на модели и 2 на виброисточниках (для контроля мощности). Эксперимент проводился при двух взаимных положениях двух виброисточников, излучавших одновременно широкополосный белый гауссовский шум в диапазоне 100-800 Гц (положение I и положение II). В положении I мощность виброисточников во всем диапазоне

излучаемого сигнала была примерно одинаковой, в положении II мощность во всем диапазоне одного из источников была выше примерно на 10 дБ. Сигнал на виброисточники подавался на протяжении приблизительно 2,5 мин.

Численный расчет модельной матрицы **A** производился в диапазоне 100-800 Гц с шагом в 1 Гц. Апробация метода селекции проводилась на неверифицированной [25] КЭМ. Локализация единственного виброисточника проводилась по методу МНК (2), двух виброисточников по модифицированному методу MUSIC (3).

### 4. Численное моделирование

Предварительно проведено имитационное моделирование с единственным модельным виброисточником, помещаемым в один из узлов. В моделировании использовались K = 22 модельных датчика с расположением как в эксперименте. При проведении имитационного моделирования вносилось искусственное рассогласование тремя разными способами.

- В каждой из полос в диапазоне 100-800 с шагом в 1 Гц выбирался случайный вибродатчик и отклик на данном датчике умножался на случайную гауссовую действительную переменную ψ, с нулевым средним и единичным СКО.
- 2) Аналогично п.1., только с 4 случайными «плохими» датчиками в каждой полосе
- Искусственно изменен модуль Юнга для части конструкции (диапазон 100-800 Гц с шагом в 1 Гц).

После расчета с помощью конечно-элементного моделирования матриц коэффициентов передачи **A**, для каждой частотной полосы и каждого возможного "плохого" датчика матрицы формировались матрицы  $\mathbf{T}_k$ . Размерность базиса *D* определялась по спектру собственных чисел по правилу (5). В большинстве полос *D* было равно 4-7, в полосах, близких к собственным частотам конструкции *D* снижалась, в части полос *D* повышалась до 11. На рис. 2 представлены спектры собственных чисел для двух частотных полос.



Рис. 2. Спектры собственных чисел двух матриц  $\mathbf{T}_k$  для двух частотных полос и определенного *k*. Слева размерность D = 6, справа размерность D = 5.

На рис. 3 представлено сравнение результатов локализации единственного виброисточника с использованием проекционного метода отбора датчиков с ошибкой на одном (А – без селекции, В – с селекцией) и на 4 датчиках (С – без селекции, D – с селекцией). Показана ошибка локализации в метрах. Критерием "неудачной" локализации считается ошибка локализации больше 12 см (красная черта).

#### СЕЛЕКЦИЯ ПРОЕКЦИОННЫМ МЕТОДОМ

#### БЕЗ СЕЛЕКЦИИ ДАТЧИКОВ



Рис. 3. Ошибка локализации единственного виброисточника с использованием метода селекции датчиков (6) с введенной ошибкой на одном (А – без селекции, В – с селекцией) и на 4 датчиках (С – без селекции, D – с селекцией). Критерием «неудачной» локализации считается ошибка локализации больше 12 см (красная черта) – при ошибке больше полоса считается «неудачной».

Как видно из рис. 3, селекция датчиков по методу (6) позволила в случае одного аномального датчика (п.1) практически полностью устранить ошибку, а в случае четырех аномальных датчиков (п.2) существенно снизить число «неудачных» полос(с 83 до 1, с 213 до 110). Отметим, что использование алгоритма (6) не обязательно исключает «аномальные» датчики – в случае, если присутствие рассогласования на датчике не имеет существенного влияния на согласование модели и эксперимента исключения не происходит. Подобная ситуация хорошо отражается на рис. 3В, где в ряде полос присутствует

незначительная ошибка (следовательно определение аномального датчика не произошло). При этом, в большинстве случаев не происходит и избыточного исключения датчиков (т.е. исключения «хороших» датчиков), что позволяет использовать алгоритм «вслепую», т.е не имея априорной информации о качестве модели и не заботясь о возможности ухудшения качества результата решения обратной задачи.

На рис. 4А приведен пример распределения амплитуды полезного сигнала на вибродатчиках до и после внесения чисто амплитудного искажения на 12 вибродатчике на одной из частот. Это искажение привело к появлению аномальной ошибки локализации (ошибка локализации несколько десятков сантиметров). На рис. 4В приведены значения функции селекции (6) в зависимости от номера датчика k для данного сценария.



Рис. 4. А – Зависимость амплитуды сигнала на одной из частот от номера датчика для искаженного и неискаженного распределения амплитуд (искажение внесено в 12 датчик). В – функция (6).

Как видно из рис. 4В, алгоритм селекции смог определить аномальный датчик, а его устранение привело к обнулению ошибки локализации.

На рис. 5 представлены значения функции (6) для двух разных частотных полос (случай п.2. – 4 "плохих" датчика), стрелками указаны аномальные датчики.

На рис. 5 стрелками отмечены превышения значения функции (6) для датчиков с аномалиями для двух частотных полос. На втором рисунке значения функции (6) для двух датчиков едва превосходят значение абсолютного медианного отклонения – следует отметить, что функция (6) для плохого датчика может и не превысить критического значения, если показания датчика не оказывают решающего влияния на результат локализации в данной частотной полосе.



Рис. 5. Значение функции (6) для двух разных частотных полос, 4 аномальных датчика. Жирной линией показана медиана функции (6), пунктиром – значение (8). Все датчики с номером k, в которых F<sub>sensor</sub>(k) выше пунктира считаются "плохими".

Проведено также моделирование, предполагающее локальное изменение модуля Юнга в части конструкции, при этом «экспериментальный» отклик смоделирован с использованием КЭМ с изменением жесткости, а модельный – без. На рис. 6 (А) представлена конструкция с цветовым распределением модуля Юнга. Для красной части модуль Юнга повышен с 2\*10<sup>11</sup> H/м<sup>2</sup> до 3.3\*10<sup>11</sup> H/м<sup>2</sup> (например, замена стали более жестким материалом). Подобное изменение жесткости в части конструкции привело к появлению ошибки

локализации, число "неудачных" полос стало равно 183. На рис. 6 (В) представлена зависимость ошибки локализации виброисточника от частоты в диапазоне 570-700 Гц без селекции аномальных датчиков (синяя линия) и с селекцией (красная пунктирная линия).



Рис. 6. А – конструкция с цветовым распределением модуля Юнга; В – Зависимость ошибки локализации виброисточника от частоты без селекции аномальных датчиков (синяя линия) и с селекцией (красная линия). Показан результат для случая введения рассогласования модуля Юнга в конструкции.

Из рис. 6В видно, что селекция датчиков по методу (6) привела к существенному улучшению качества локализации (в основном в диапазоне 570-700 Гц – см. рис. 6, В), при этом число неудачных полос снизилось до 132

(со 183). Следует отметить, что при селекции исключались в основном датчики, расположенные на «измененной» части конструкции (с большим рассогласованием).

### 5. Экспериментальная апробация

Апробация (6)метода проводилась В эксперименте с двумя виброисточниками. Отметим, что в эксперименте с одним источником для данной конструкции даже неверифицированная КЭМ позволила получить хорошие результаты локализации, которые едва ли возможно существенно улучшить. В эксперименте с двумя виброисточниками, записанный с вибродатчиков сигнал был подвергнут узкополосной фильтрации, частотные полосы были взяты в диапазоне 100-800 Гц с шагом 1 Гц. Таким образом, получилось 700 полос, при этом ширина полосы фильтрации была выбрана 0,33 Гц. В рассматриваемом сценарии ставилась задача разрешения и правильной локализации двух источников с использованием метода MUSIC (3). Считалось, что источники в данной полосе правильно разрешены, если глобальный максимум целевой функции расположен вблизи реального положения одного из источников – в области близколежащих узлов (сфере радиуса 12 см), а при исключении данной области глобальный максимум будет располагаться в области близколежащих узлов другого источника. Результаты разрешения с использованием алгоритма селекции (6) и без него представлены на рис. 7. для различных двух взаимных положений источников. Зеленым отмечены полосы, в которых произошло улучшение результата.



Рис. 7. Результат локализации двух виброисточников по методу MUSIC (3) с использованием алгоритма селекции (6) – справа и без него – слева для двух взаимных положений источников (I и II). Зеленым отмечены полосы, в которых произошло улучшение результата. Для первого положения добавилось 38 полос разрешения, для второго – 69 полос.

На рис. 8 для этих положений представлено характерное улучшение результата локализации в полосах 580 и 626 Гц, отмечены положения двух источников, определяемые алгоритмом MUSIC. Отметим, что в результате селекции для разных полос удалялось разное число вибродатчиков (от 0 до 6). Подобное разнообразие обусловлено различным рассогласованием модели и эксперимента на разных частотах.



Рис. 8. Результат локализации двух виброисточников на частотах 580 Гц и 626 Гц по методу MUSIC (3) с использованием алгоритма селекции (6) и без него представлены для двух взаимных положений источников (I и II). Звездами отмечены локализованные источники.

Из представленных результатов видно, что использование селекции проекционным методом позволило существенно улучшить результат локализации.

### 6. Сравнение с применяемыми методами

Следует отметить, что большинство методов поиска аномалий на датчиках не предполагает совмещения модельных и экспериментальных данных (используются, как правило, только экспериментальные данные). В нашем случае, эффективность предлагаемого проекционного метода селекции датчиков может быть показана в сравнении с «жадной» [26-27] модификацией метода наименьших квадратов. Идея «жадных» алгоритмов состоит в принятии локально оптимальных решений на каждой итерации алгоритма, допуская, что конечное решение также окажется оптимальным. Предположим, что при решении задачи локализации единственного виброисточника по методу наименьших квадратов (2) какие-то R вибродатчиков (из общего числа в K) являются аномальными. Полный перебор  $C_{K}^{R}$  при максимизации функции (2) является вычислительно затратным (к примеру,  $C_{22}^4 = 7315$ ), к тому же, как об отсутствует инфомация *R*. правило, априорная В таком случае альтернативой полному перебору является использование «жадного» алгоритма

 итерационное удаление по одному датчику с пересчетом функции (2) для всей модели на каждой итерации.

алгоритм был применен при имитационном Подобный «жадный» моделировании. Использовались K = 22 модельных датчика, в каждой из полос в диапазоне 100-200 Гц с шагом в 1 Гц выбирались R = 4 случайных датчика и отклик на данном датчике умножался на случайную гауссову действительную переменную  $\psi$ , с нулевым средним и единичным СКО. Локализация единственного виброисточника производилась по методу наименьших квадратов (2) с исключением датчиков «жадным» способом. На каждой итерации «жадного» МНК проводился расчет целевой функции (коэффициента корреляции) по методу (2) для всех узлов модели с исключением каждого возможного k-ого «плохого» датчика. В каждой из полученных таким образом функций (2)  $S_{MNK}(x, y, z, k)$  определялся узел с максимальным значением  $S_{MAX}(k)$ , потом уже в свою очередь определялось  $S_{GREEDY} = \max_{k} [S_{MAX}(k)].$ Если на данной итерации значение S<sub>GREEDY</sub> оказывалось более чем на 0.01 больше значения S<sub>GREEDY</sub> на предыдущей итерации, то k-ый датчик считался аномальным и исключался из рассмотрения. В противном случае процедура удаления датчиков останавливалась и предполагаемым место нахождения виброисточника считался узел соответствующий S<sub>GREEDY</sub> на предыдущей итерации. Процедура исключения датчиков «жадным» способом запускалась, если первоначальное значение функции МНК – коэффициента корреляции (без удаления датчиков) удовлетворяло условию  $S_{MNK}(x, y, z) < 0.95$ . Сравнение результатов применения подобного «жадного» алгоритма и проекционного метода приведено в таблице 1. «Неудачной» считалась полоса при ошибке локализации больше 0.12 м.

Таблица 1. Сравнение эффективности проекционного и «жадного» методов, имитационное моделирование, диапазон 100-200 Гц, единственный виброисточник, аномалия на 4 датчиках.

	Средняя ошибка, м	Число "неудачных"
		полос
Без удаления датчиков	0.2232	55
Проекционный метод	0.1864	40
"Жадный" алгоритм	0.1943	42

Как видно, эффективность предлагаемого метода оказалась близкой к эффективности «жадного» алгоритма. При этом вычислительная сложность «жадного» алгоритма примерно в *RK* раз выше, чем при использовании предложенного Процедура удаления метода. аномальных датчиков проекционным методом выполняется предварительно перед проведением локализации для всех полос и не является вычислительно затратной, в то время как при использовании жадного алгоритма расчет выполняется для каждого возможного удаляемого датчика (в нашем случае, RK = 88). Также стоит отметить, что «жадный» алгоритм не может применяться при локализации нескольких источников и использовании других, отличных от МНК функций (поскольку другие целевые функции не имеют однозначной интерпретации, в отличие, от функции (2) – коэффициента корреляции).

# Заключение

В настоящей работе для решения задачи нахождения «аномальных» измерений на датчиках предложен оригинальный метод, работающий по принципу проекционных алгоритмов. На модельных и экспериментальных данных показано, что предложенный подход позволяет обнаруживать такого рода «аномальные» приемники. Особенностью разработанного метода является совмещение численной конечно-элементной модели (КЭМ) исследуемого объекта и экспериментально получаемых данных. С помощью эксперимента и

имитационного моделирования продемонстрирована эффективность предложенного метода в задаче локализации 1 и 2 виброисточников. Предложенный метод обладает высоким потенциалом развития (применение других целевых функций селекции), а также может быть полезен и в других приложениях, где решение обратной задачи происходит с использованием численной или аналитической модели.

Финансирование: работа выполнена в рамках госзадания №FFUF-2024-0040

# Литература

- 1. Petyt M. Introduction to finite element vibration analysis. Cambridge university press,2010. https://doi.org/10.1017/CBO9780511761195
- 2. Pastor М., Binda М., Harčarik T. Modal criterion assurance 2012. T. 48. // Procedia Engineering. \_ C. 543-548. \_ \_ https://doi.org/10.1016/j.proeng.2012.09.551
- Lee E.T., Eun H.C. Optimal sensor placements using modified Fisher information matrix and effective information algorithm // International Journal of Distributed Sensor Networks. – 2021. – T. 17. – №. 6. https://doi.org/10.1177/15501477211023022
- 4. Heo G., Wang M.L., Satpathi D. Optimal transducer placement for health monitoring of long span bridge // Soil dynamics and earthquake engineering.
   1997. T. 16. №. 7-8. C. 495-502. https://doi.org/10.1016/S0267-7261(97)00010-9
- Teh H.Y., Kempa-Liehr A.W., Wang K.I.K. Sensor data quality: A systematic review // Journal of Big Data. – 2020. – T. 7. – №. 1. – C. 11. https://doi.org/10.1186/s40537-020-0285-1
- 6. Hotelling H. Analysis of a complex of statistical variables into principal components // Journal of educational psychology. 1933. T. 24. №. 6. C. 417. https://doi.org/10.1037/h0071325

- 7. De Boe P., Golinval J.C. Principal component analysis of a piezosensor array for damage localization // Structural health monitoring. 2003. T. 2. №. 2. C. 137-144. https://doi.org/10.1177/1475921703002002005
- 8. Golub G.H., Van Loan C.F. Matrix computations. JHU press, 2013. https://doi.org/10.1137/1.9781421407944
- Pirra M. et al. PCA algorithm for detection, localisation and evolution of damages in gearbox bearings // Journal of Physics: Conference Series. – IOP Publishing, 2011. – T. 305. – №. 1. https://doi.org/10.1088/1742-6596/305/1/012019
- Tibaduiza D. et al. A sensor fault detection methodology applied to piezoelectric active systems in structural health monitoring applications // IOP Conference Series: Materials Science and Engineering. IOP Publishing, 2016. T. 138. №. 1. https://doi.org/10.1088/1757-899X/138/1/012016
- 11. Dunia R. et al. Use of principal component analysis for sensor fault identification
  // Computers & Chemical Engineering. 1996. T. 20. C. S713-S718.
  https://doi.org/10.1016/0098-1354(96)00128-7
- Xu C., Zhao S., Liu F. Sensor fault detection and diagnosis in the presence of outliers // Neurocomputing. – 2019. – T. 349. – C. 156-163. https://doi.org/10.1016/j.neucom.2019.01.025
- Abu-Mahfouz I. Drilling wear detection and classification using vibration signals and artificial neural network // International Journal of Machine Tools and Manufacture. 2003. T. 43. №. 7. C. 707-720. https://doi.org/10.1016/S0890-6955(03)00023-3
- 14. Zonzini F. et al. Machine learning meets compressed sensing in vibration-based monitoring // Sensors. 2022. T. 22. №. 6. C. 2229. https://doi.org/10.3390/s22062229
- 15. Zhu K., San Wong Y., Hong G.S. Wavelet analysis of sensor signals for tool condition monitoring: A review and some new results // International Journal of Machine Tools and Manufacture. 2009. T. 49. №. 7-8. C. 537-553. https://doi.org/10.1016/j.ijmachtools.2009.02.003

- 16. Diez A. et al. A clustering approach for structural health monitoring on bridges // Journal of Civil Structural Health Monitoring. – 2016. – T. 6. – C. 429-445. https://doi.org/10.1007/s13349-016-0160-0
- 17. Žvokelj M., Zupan S., Prebil I. Multivariate and multiscale monitoring of largesize low-speed bearings using ensemble empirical mode decomposition method combined with principal component analysis // Mechanical Systems and Signal Processing. – 2010. – T. 24. – №. 4. – C. 1049-1067. https://doi.org/10.1016/j.ymssp.2009.09.002
- 18. Kutuzov N.A. et al. Study of the possibility of localizing multiple vibration sources in a mechanoacoustic system with a large number of degrees of freedom
  // Acoustical Physics. 2020. T. 66. C. 313-319. https://doi.org/10.1134/S1063771020030033
- 19. Kutuzov N.A., Rodionov A.A., Stulenkov A.V. Localization of Multiple Vibration Sources Using a Modified MUSIC Algorithm // Physics of Wave Phenomena. 2024. T. 32. №. 1. C. 56-66. https://doi.org/10.3103/S1541308X24010059
- 20. Goutaudier D., Osmond G., Gendre D. Impact localization on a composite fuselage with a sparse network of accelerometers // Comptes Rendus. Mécanique.
   2020. T. 348. №. 3. C. 191-209. https://doi.org/10.5802/crmeca.12
- 21. Turek G., Kuperman W.A. Applications of matched-field processing to structural vibration problems // The Journal of the Acoustical Society of America. 1997.
   T. 101. №. 3. C. 1430-1440 https://doi.org/10.1121/1.418168
- 22. Луковский М.А., Матвеев А.М. Сравнительный анализ методов калибровки каналов сигналов антенн моноимпульсной радиолокации // Журнал радиоэлектроники. 2022. №. 6. https://doi.org/10.30898/1684-1719.2022.6.5
- 23. Valle S., Li W., Qin S.J. Selection of the number of principal components: the variance of the reconstruction error criterion with a comparison to other methods
  // Industrial & Engineering Chemistry Research. 1999. T. 38. №. 11. C. 4389-4401. https://doi.org/10.1021/ie990110i

- 24. Leys C. et al. Detecting outliers: Do not use standard deviation around the mean, use absolute deviation around the median // Journal of experimental social psychology. 2013. T. 49. №. 4. C. 764-766. https://doi.org/10.1016/j.jesp.2013.03.013
- 25. Suvorov A.S., Sokov E.M., V'yushkina I.A. Regular algorithm for the automatic refinement of the spectral characteristics of acoustic finite element models
  // Acoustical Physics. 2016. T. 62. C. 593-599. https://doi.org/10.1134/S1063771016050171
- 26. DeVore R. A., Temlyakov V.N. Some remarks on greedy algorithms // Advances in computational Mathematics. – 1996. – T. 5. – №. 1. – C. 173-187. https://doi.org/10.1007/BF02124742
- 27. Dumitrescu B. Sparse total least squares: analysis and greedy algorithms
  // Linear Algebra and its Applications. 2013. T. 438. №. 6. C. 2661-2674.
  https://doi.org/10.1016/j.laa.2012.10.032

# Для цитирования:

Кутузов Н.А., Родионов А.А. Проекционный метод определения аномальных датчиков в задачах виброакустики // Журнал радиоэлектроники. – 2024. – №. 12. https://doi.org/10.30898/1684-1719.2024.12.8