

DOI: <u>https://doi.org/10.30898/1684-1719.2024.1.3</u> УДК: 621.396.67

# МЕТОД РАСПОЗНАВАНИЯ ЭЛЕМЕНТОВ КОСМИЧЕСКОГО МУСОРА ПО ОПТИЧЕСКИМ И РАДИОЛОКАЦИОННЫМ ИЗОБРАЖЕНИЯМ НА ОСНОВЕ НЕЙРОСЕТЕВЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

О.А. Мишуков, А.Н. Смирнов, А.Е. Житихин

Военно-космическая академия им. А.Ф. Можайского 197198, Санкт-Петербург, ул. Ждановская, 13

Статья поступила в редакцию 15 октября 2023 г.

Представлен усовершенствованный байесовский Аннотация. метод, применяемый для распознавания элементов космического мусора по оптическим и радиолокационным изображениям и предназначенный для выявления потенциально-опасных элементов космического мусора для функционирующих Предложен аппаратов. набор информативных космических признаков распознавания элементов космического мусора. В качестве решающего правила рассмотрен модифицированный байесовский классификатор на основе глубокой нейронной сети с последовательной процедурой принятия решений. Определены требования к качеству используемых оптических и радиолокационных изображений. Получены результаты оценивания вероятности распознавания для разных типов элементов космического мусора при различном количестве используемых оптических и радиолокационных изображений.

**Ключевые слова:** элемент космического мусора, радиолокационное изображение, оптическое изображение, байесовский классификатор, решающее правило.

Автор для переписки: Мишуков Олег Александрович, oleg\_mish@mail.ru

### Введение

Непрерывное увеличение количества элементов космического мусора (ЭКМ) в околоземном космическом пространстве (ОКП) в результате аварийного разрушения или прекращения функционирования отработавших космических аппаратов (КА) привело к необходимости развертывания систем мониторинга космического пространства. Можно напомнить о взрывах в ОКП 12 февраля 2020 года третьей ступени ракеты-носителя «Циклон-3» и 8 мая 2020 года отработанного топливного бака разгонного блока «Фрегат-СБ», в результате которых образовалось более 100 обломков.

В целях предупреждения столкновений опасных ЭКМ техногенного происхождения с функционирующими КА на основе мониторинга ОКП Российской Федерации развертывается автоматизированная В система предупреждения об опасных ситуациях (ACIIOC) [1]. Эта система представляет географически распределенную сеть информационных средств наблюдения (СН), функционирующих в радио- и оптическом диапазонах длин волн, с единым центром обработки данных.

Проведенный анализ процесса функционирования АСПОС при решении задач мониторинга ЭКМ в ОКП показал, что, несмотря на широкую географию размещения ее информационных средств (ИС), получаемой координатной (КИ) и некоординатной информации (НКИ) не всегда достаточно для выполнения распознавания типов ЭКМ с требуемой вероятностью ( $P_{\rm Tp} = 0.9$ ). Это обусловлено низкой оперативностью применения оптико-электронных средств и высокими временными затратами на сбор необходимой КИ и НКИ по ЭКМ для обеспечения требуемой вероятности распознавания.

Анализ алгоритмов классификации, реализованных в программноалгоритмическом обеспечении АСПОС, показал, что не вся доступная НКИ используется в полном объеме для распознавания ЭКМ. Для обеспечения требуемой вероятности распознавания типа ЭКМ необходимо использовать НКИ, которая позволит выявлять отличия в геометрической форме и конструктивных особенностях наблюдаемых ЭКМ. Такое распознавание

### ЖУРНАЛ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ, ISSN 1684-1719, №1, 2024

станет возможным при использовании детальных изображений ЭКМ, получаемых в радио- и оптическом диапазонах длин волн.

Техногенное засорение ОКП в результате запусков новых летательных аппаратов, взрывов и аварий стало существенным негативным фактором в его освоении [2]. Особенно остро этот вопрос стоит для низких орбит с высотами до 2000 км и геостационарных, где техногенное загрязнение максимально и возникла реальная опасность столкновения ЭКМ с действующими КА [3]. Проблема предотвращения опасных последствий образования космического мусора приобрела глобальный характер и обусловила важность решения ЭКМ задачи распознавания для определения степени ИХ опасности для функционирующих КА [4].

В настоящее время в состав АСПОС вводятся новые оптико-электронные и радиолокационные комплексы, позволяющие получать различную НКИ в радио- и оптическом диапазонах излучения. Одним из видов получаемой НКИ являются оптические (ОИ) и радиолокационные изображения (РЛИ) ЭКМ, обладающие высокой информативностью. Однако научно-методический аппарат, реализованный в программно-алгоритмическом обеспечении АСПОС, не позволяет использовать эту информацию для классификации ЭКМ. Использование ОИ и РЛИ при распознавании ЭКМ требует разработки новых методов, учитывающих особенности изображений в каждом из диапазонов. Таким образом, становится актуальной задача повышения точности распознавания ЭКМ за счет использования ОИ и РЛИ.

Цель статьи – разработать метод распознавания ЭКМ на основе усовершенствования Байесовского метода, позволяющий использовать ОИ и РЛИ для обеспечения требуемой вероятности распознавания *P*<sub>тр</sub>.

## 1. Постановка задачи

Дано: алфавит типов ЭКМ  $\Omega = \{\omega_i, i = \overline{1, K}\}$ , множество ОИ  $Q = \{q_1, ..., q_n\}$ , множество РЛИ  $R = \{r_1, ..., r_m\}$  ЭКМ неизвестного типа, набор информативных признаков  $X = \{x_1, ..., x_g\}$ , каждый из которых характеризуется множеством допустимых значений.

Путем моделирования отражательных характеристик типовых ЭКМ в оптическом и радиодиапазонах длин волн получена база эталонных ОИ  $Q' = \{Q_1, ..., Q_K\}$  и РЛИ  $R' = \{R_1, ..., R_K\}$  типовых ЭКМ. Эталонное ОИ  $q(\omega_i, \psi_\kappa, \Delta x) \in Q_i$  ЭКМ, принадлежащего к типу  $\omega_i$ , представляет собой двумерную матрицу  $q = C_{m \times n}^{i,\psi_{\kappa}}$  пикселей  $c_{x,y}$  размером  $m \times n$ , каждый элемент которой характеризуется значением интенсивности  $c_{x,y} = I(x, y)$ и координатами х и у. Область значений интенсивности пикселей лежит в диапазоне  $I(x, y) \in [0, 255], \psi_k$  – ракурс ЭКМ относительно линии визирования ОЭС,  $\{\psi_1, ..., \psi_g\}$  – множество возможных ракурсов ЭКМ, РЛИ  $r(\omega_i, \varphi_{\kappa}, \Delta x, \Delta y) \in R_i$  $\Delta x$  – разрешение ОИ. Эталонное ЭКМ, принадлежащего к типу  $\omega_i$ , представляет собой двумерную матрицу  $r = B_{m \times n}^{i, \varphi_{\kappa}}$  пикселей  $b_{x, y}$  размером  $m \times n$ , каждый элемент которой характеризуется значением интенсивности  $b_{x,y} = I(x, y)$  и координатами xи у. Область значений интенсивности лежит в диапазоне *I*(*x*, *y*) ∈ [0, 255],  $\varphi_k$ ракурс ЭКМ относительно линии визирования РЛС,  $\{\varphi_1, ..., \varphi_g\}$  – множество возможных ракурсов ЭКМ,  $\Delta x$  – разрешение РЛИ по азимуту,  $\Delta y$  – разрешение РЛИ по дальности.

Необходимо: 1) разработать метод распознавания ЭКМ, позволяющий по имеющемуся набору признаков X относить неизвестный ЭКМ к одному из известных типов  $F: X \to \omega_i$ ,  $\omega_i \in \Omega$  с вероятностью правильного распознавания типа ЭКМ  $P_{\text{пр.расп}} = P(\omega_i/X)$  не менее требуемого значения  $P_{\text{пр.расп}} \ge P_{\text{тр}}$ ; 2) определить зависимость вероятности правильного распознавания типа ЭКМ от количества используемых ОИ и РЛИ  $P_{\text{пр.расп}} = f(N_{\text{ои}}, N_{\text{рли}})$ .

Принятые допущения: 1) ОИ и РЛИ содержат информацию только об одном образе ЭКМ, принадлежащем к определенному типу ЭКМ  $\omega_i \epsilon \Omega$ ; 2) ракурс ЭКМ на ОИ и РЛИ априорно известен; 3) минимальный геометрический размер ЭКМ не менее 0,3 м.

### 2. Описание метода распознавания элементов космического мусора

Исходными данными метода распознавания являются: алфавит типов ЭКМ, набор некоординатных измерений, представляющий множество ОИ и РЛИ распознаваемого ЭКМ, словарь информативных признаков  $X^{oi} = \{x_1, ..., x_{42}\},\$  $X^{ri} = \{x_1, ..., x_7\}$  и требуемая вероятность распознавания типа ЭКМ  $P_{\text{тр}}$ . В состав набора признаков ОИ Хоі включены: значения десяти коэффициентов компактности выделенных сегментов  $\mu_i$ , значения первых тридцати Фурье-коэффициентов дескриптора контура, эксцентриситет фигуры объекта  $e_i$  и ракурс наблюдения  $\psi_k$  ЭКМ на ОИ. В состав набора признаков РЛИ X<sup>ri</sup> включены: количество локальных центров рассеяния (ЛЦР) N<sub>c</sub>, значение максимального расстояния между ЛЦР L<sub>max</sub>, значение среднего расстояния между ЛЦР  $L_{\rm mid}$ , среднее значение амплитуд всех ЛЦР  $\sigma_{\rm mid}$ , суммарное значение амплитуд всех ЛЦР  $\sigma_{sum}$ , значение максимальной амплитуды ЛЦР  $\sigma_{max}$  и ракурс наблюдения  $\varphi_{\kappa}$  ЭКМ на РЛИ. Выбранный словарь признаков позволяет с достаточной полнотой описать геометрическую форму и отражающие свойства поверхности ЭКМ в оптическом и радиодиапазоне длин волн.

### <u>ЖУРНАЛ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ, ISSN 1684-1719, №1, 2024</u>

Структурно-логическая схема метода распознавания ЭКМ представлена на рисунке 1. Для корректной работы усовершенствованного байесовского метода распознавания на начальном этапе осуществляется предварительная обработка данных, а также настройка и обучение нейросетевого классификатора (НСК). Предварительная обработка данных включает вычисление значений признаков по ОИ и РЛИ ЭКМ и нормализацию значений признаков [5]. Фаза настройки и обучения НСК включает структурный и параметрический синтез, в результате которого определяется архитектура нейронной сети, выбираются и фиксируются значения гиперпараметров модели НСК (скорость обучения и параметры регуляризации). Архитектура нейронной сети определяется количеством слоев, типом и количеством узлов в каждом слое [6]. Для обучения НСК формируется выборка данных, включающая признаки классификации и метки типовых ЭКМ { $\omega_i$ }<sup>K</sup><sub>i=1</sub>. Признаки классификации вычисляются путем обработки ОИ и РЛИ типовых ЭКМ, содержащихся в базе эталонных изображений.

#### <u>ЖУРНАЛ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ, ISSN 1684-1719, №1, 2024</u>



Рис. 1. Структурно-логическая схема метода распознавания типа ЭКМ.

В качестве архитектуры НСК выбрана глубокая нейронная сеть (ГНС) с количеством нейронов входного слоя равным размерности вектора признаков X (q = 49), количеством скрытых слоев равным 7 и последним (выходным)

слоем Softmax с количеством нейронов, соответствующем количеству типов классифицируемых типов ЭКМ (К = 10). Функция активации Softmax позволяет вычисляется по нескольким входам, что преобразовать К вещественных значений предсказаний  $(v_1, ..., v_K)$  в выходные значения вероятностей ( $p_1, ..., p_K$ ). В слое Softmax ГНС выход каждого нейрона  $\sigma(z)_i$ зависит от сумматоров всех остальных нейронов Softmax группы, а сумма выходных значений всей группы равняется 1. Данное свойство позволяет интерпретировать значения, получаемые на выходах нейронов слоя Softmax, как вероятности принадлежности классифицируемого ЭКМ к типам  $\omega_i \in \Omega$ , при входных значениях нормированного вектора признаков Х'. Для обучения ГНС используется метод обратного распространения ошибки, в качестве функции потерь в выходном слое нейросети используется кросс-энтропия (cross-entropy loss) [7].

Метод представляет последовательную процедуру принятия решений [8, 9] о типе ЭКМ, которая состоит из последовательности повторяющихся шагов h. На каждом шаге h решается задача распознавания типа ЭКМ и вычисляется значение вероятности правильного распознавания типа ЭКМ  $P_{\rm np.pacn}$ , которое сравнивается с требуемым значением вероятности распознавания  $P_{\rm Tp}$ .

В зависимости от полученного на *h*-м шаге результата сравнения вероятностей распознавания либо принимается решение о принадлежности ЭКМ к определенному типу *ω<sub>i</sub>* ∈ Ω, либо о продолжении процесса распознавания.

Рассмотрим последовательную процедуру принятия решений. На первом шаге распознавания (h = 1) по ОИ вычисляются значения признаков  $X_h^{oi}$ , далее по РЛИ вычисляются значения признаков  $X_h^{ri}$ . В результате формируется вектор признаков распознавания типа ЭКМ  $X_h = \langle X_h^{oi}, X_h^{ri} \rangle$ ,  $X_h^{oi} = \{x_1, ..., x_{42}\}$ ,  $X_h^{ri} = \{x_1, ..., x_7\}$ . Для приведения значений признаков к единому масштабу выполняется их нормировка с помощью формул (1) – (3) [10]. Среднее

арифметическое выборочных значений *i*-го признака *m<sub>i</sub>* вычисляется по формуле:

$$\widetilde{m}_i = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n x_{ik}, \qquad (1)$$

где  $x_{ik}$  – значение *i*-го признака для *k*-го объекта обучающей выборки;

*n* – количество объектов обучающей выборки.

Статистическая дисперсия  $\widetilde{D}_i$  выборочных значений *i*-го признака вычисляется по формуле:

$$\widetilde{D}_{i} = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} (x_{ik} - \widetilde{m}_{i})^{2}, \qquad (2)$$

где *m̃<sub>i</sub>* – среднее арифметическое выборочных значений *i*-го признака;
 *x<sub>ik</sub>* – значение *i*-го признака для *k*-го объекта обучающей выборки.
 Нормированные значения признаков вычисляются по формуле:

$$x'_{ik} = \frac{x_{ik} - \widetilde{m}_i}{\sqrt{\widetilde{D}_i}}.$$
(3)

Далее для каждого типа ЭКМ  $\omega_i \in \Omega$  вычисляются значения априорных вероятностей  $P_h(\omega_i)$  принадлежности к типам  $\omega_i$ . На первом шаге распознавания (h = 1) для каждого типа ЭКМ  $\omega_i \in \Omega$  вычисляются значения априорных вероятностей в количестве  $N_i$  на основе информации, содержащейся в каталоге объектов АСПОС.

На следующих шагах распознавания (h > 1) значения априорных вероятностей  $P_h(\omega_i)$  принимаются равными значениям апостериорных вероятностей  $P(\omega_i/X'_{h-1})$  принадлежности ЭКМ к типам  $\omega_i \in \Omega$ , полученным на предыдущем (h-1) шаге распознавания. Формула для расчета априорных вероятностей  $P_h(\omega_i)$  для  $\forall i \in \{1, ..., K\}$  имеет вид:

$$P_{h}(\omega_{i}) = \begin{cases} \frac{N_{i}}{\sum_{i=1}^{K} N_{i}}, \text{ при } h = 1; \\ P(\omega_{i}/X_{h-1}'), \text{ при } h > 1, \end{cases}$$
(4)

где  $P(\omega_i/X'_{h-1})$  – значение апостериорной вероятности принадлежности ЭКМ к типу  $\omega_i$  на (*h*-1) шаге распознавания.

Для вычисления значений апостериорных вероятностей принадлежности ЭКМ к типам  $\omega_i \in \Omega$  на вход предварительно обученного НСК подаются нормированные значения вектора признаков  $X'_h$ . В результате на выходах нейронов выходного слоя Softmax НСК формируются значения выходного вектора  $\sigma(z)_i$ , представляющие значения вероятностей принадлежности ЭКМ к типам  $\omega_i \in \Omega$  при входном значении вектора признаков  $X'_h$ . Математическое выражение, описывающее значение выхода *i*-го нейрона выходного слоя Softmax ГНС при входном значении вектора признаков  $X'_h$ , имеет вид:

$$\sigma_i(z/X'_h) = \frac{\exp(z_i(X'_h))}{\sum_{j=1}^K \exp(z_j(X'_h))}, \forall i \in \{1, \dots, K\},$$
(5)

где  $X'_h$  – нормированное значение вектора признаков ЭКМ на входе НСК, полученное на *h*-м шаге распознавания;

 $z_j(X'_h)$  – значение на входе *i*-го нейрона выходного слоя Softmax при входном значении вектора признаков  $X'_h$ .

Значения апостериорных вероятностей  $P(\omega_i/X'_h)$  принадлежности ЭКМ к типам  $\omega_i \in \Omega$  рассчитываются с учетом ранее вычисленных значений априорных вероятностей по формуле Байеса:

$$P(\omega_i/X'_h) = \frac{P_h(\omega_i)\sigma_i(z/X'_h)}{\sum_{j=1}^K P_h(\omega_j)\sigma_j(z/X'_h)}.$$
(6)

Вероятность правильного распознавания типа ЭКМ определяется по максимальному значению апостериорных вероятностей, полученных на *h*-м шаге распознавания, в соответствии с выражением:

$$P_{\max}(\omega_i/X'_h) = \operatorname*{argmax}_{\omega_i \in \Omega} P(\omega_i/X'_h). \tag{7}$$

Окончательное решение о принадлежности ЭКМ к определенному типу  $\omega_i$  принимается при выполнении условия:

$$P_{\max}(\omega_i/X_h') \ge P_{\mathrm{Tp}},\tag{8}$$

где  $P_{\rm Tp}$  – требуемое значение вероятности правильного распознавания типа ЭКМ ( $P_{\rm TD} = 0.9$ ).

Если условие (8) не выполняется, то процесс распознавания типа ЭКМ продолжается и выполняется следующий шаг распознавания (h + 1). При расчете вектора признаков  $X_{h+1}$  используются ОИ и РЛИ, полученные при других ракурсах наблюдения, а значения априорных вероятностей  $P_{h+1}(\omega_i)$  принадлежности ЭКМ к типам  $\omega_i$  принимаются равными значениям апостериорных вероятностей  $P(\omega_i/X'_h)$ , вычисленным на предыдущем шаге распознавания h по формуле (4).

### 3. Результаты моделирования

Исследование эффективности разработанного метода выполнялось для десяти типов ЭКМ при разном количестве используемых ОИ и РЛИ, полученных при основных ракурсах наблюдения. Основные ракурсы наблюдения ЭКМ $\psi_g = \psi(\Delta\theta, \phi)$  соответствовали значениям двух углов: угла крена $\phi = \{-30^\circ, -20^\circ, -10^\circ, 0^\circ, 10^\circ, 20^\circ, 30^\circ\},$  угла тангажа  $\Delta\theta_1 = [60^\circ, 80^\circ),$  $\Delta\theta_2 = [80^\circ, 100^\circ), \Delta\theta_3 = [100^\circ, 120^\circ].$ 

Имитационное моделирование выполнялось на основе метода статистических испытаний [11], в результате было проведено более 1500 опытов распознаванию типов ЭКМ. В качестве входных ПО данных метода использовались ОИ и РЛИ распознаваемых ЭКМ, полученные путем моделирования в специализированных программных средах с применением трехмерных моделей типовых ЭКМ. Для моделирования ОИ ЭКМ использовался программный моделирования комплекс оптико-электронного средства наблюдения космических объектов [12], моделирование РЛИ ЭКМ выполнялось в среде моделирования ANSYS HFSS. Для построения трехмерных моделей типовых ЭКМ использовалась среда моделирования Blender 3D.

На рисунке 2 представлен график зависимости вероятности правильного распознавания типа ЭКМ от количества используемых ОИ и РЛИ, полученных при основных ракурсах наблюдения, при применении

разработанного метода: 1) распознавание по РЛИ; 2) распознавание по ОИ; 3) распознавание по ОИ и РЛИ. При распознавании типа ЭКМ использовались ОИ с разрешением 0.3 м, РЛИ с разрешением по дальности и по азимуту 0.5 м и отношением сигнал-шумне менее 20 Дб.



Рис. 2. График зависимости вероятности правильного распознавания типа ЭКМ от количества используемых ОИ и РЛИ.

На основании представленного графика можно сделать вывод, что требуемая вероятность распознавания ( $P_{\rm Tp} = 0.9$ ) достигается при использовании ОИ и РЛИ в количестве не меньше 10 изображений.

На рисунке 3 представлен график зависимости вероятности правильного распознавания для 10 типов ЭКМ от используемых наборов признаков при применении разработанного метода: 1) распознавание по набору признаков РЛИ  $X^{ri}$ ; 2) распознавание по набору признаков ОИ  $X^{oi}$ ; 3) распознавание по набору признаков ОИ  $X^{oi}$ ; 3) распознавание по набору признаков ОИ и РЛИ  $X = \langle X^{oi}, X^{ri} \rangle$ . При распознавании типа ЭКМ использовался набор некоординатных измерений, состоящий из 10 ОИ и РЛИ, полученных при разных ракурсах наблюдения ЭКМ.

<u>ЖУРНАЛ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ, ISSN 1684-1719, №1, 2024</u>



Рис. 3. График зависимости вероятности правильного распознавания типа ЭКМ от используемых наборов признаков ОИ и РЛИ.

На основании представленного графика можно сделать вывод, что требуемая вероятность правильного распознавания ( $P_{\rm Tp} = 0.9$ ) не будет обеспечена при использовании только одного вида изображений.

### Заключение

В разработанном методе, в отличие от существующих, для распознавания типа ЭКМ применяется решающее правило на основе усовершенствованного Байесовского метода с последовательной процедурой принятия решений и используется набор признаков разноракурсных ОИ и РЛИ. Предложенный набор признаков содержит информацию о размере, геометрической форме и отражающих свойствах поверхности ЭКМ в оптическом и радиодиапазоне длин волн. Для использования метода распознавания необходимо, чтобы набор некоординатных измерений по ЭКМ содержал ОИ и РЛИ требуемого качества, полученные при основных ракурсах наблюдения. Требования к качеству изображений ЭКМ: разрешение ОИ должно быть не более 0.3 м, разрешение РЛИ по дальности и по азимуту должно быть не более 0.5 м, отношение сигнал-шум не менее 20 Дб.

Полученные результаты имитационного моделирования показали, что для обеспечения требуемой вероятности правильного распознавания типа

ЭКМ ( $P_{\rm Tp} = 0.9$ ) необходимо, чтобы некоординатные измерения по ЭКМ содержали не менее 10 ОИ и РЛИ, полученных при разных ракурсах наблюдения, набор признаков распознавания должен включать признаки ИО и РЛИ. Указанный объем РЛИ и ОИ может быть получен в течении 0.5-5 минут в зависимости от параметров фоноцелевого сценария, включающих параметры орбиты объекта наблюдения и местоположение средств наблюдения. Предложенный метод может быть реализован в составе программно-алгоритмического обеспечения АСПОС при решении задачи выявления потенциально-опасных элементов космического мусора для функционирующих космических аппаратов.

### Литература

- Лаврентьев В.Г., Олейников И.И., Червонов А.М. Основные аспекты мониторинга техногенного состояния околоземного космического пространства для обеспечения безопасности космической деятельности //Механика, управление и информатика (см. в книгах). – 2015. – Т. 7. – №. 1. – С. 216-228.
- Вениаминов С.С., Червонов А.М. Космический мусор угроза человечеству.
   2-е изд., испр. и доп //М.: ИКИ РАН. 2013. 207 с.
- Назаренко А.И. Моделирование космического мусора. М., ИКИ РАН. 2013. – 216 с.
- Олейников И.И., Павлов В.П., Ковалева М.В. Методы выявления и оценки параметров опасных ситуаций при обеспечении безопасности полета космических аппаратов в околоземном космическом пространстве //Вестник Московского авиационного института. – 2012. – Т. 19. – №. 5. – С. 32-37.
- Гонсалес Р., Вудс Р. Цифровая обработка изображений. Издание 3-е, испр. и доп //М.: Техносфера. – 2013. – 1101 с.
- 6. Хайкин С. Нейронные сети. Полный курс. 2-е изд.: пер. с англ. //М.: Издательский дом «Вильямс». 2006. 1104 с.

- 7. Чару А. Нейронные сети и глубокое обучение: учебный курс: пер. с англ. //СПб.: ООО «Диалектика». 2020. –752 с.
- Горелик А.Л., Скрипкин В.А. Методы распознавания: учеб. пособие. 2-е изд., перераб. и доп. //М.: Высш. школа. – 1984. –208 с.
- Грешилов А.А. Математические методы принятия решений: учеб. пособие.
   2-е изд., испр. и доп //М.: Изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана. 2014. 647 с.
- 10. Лепский А.Е., Броневич А.Г. Математические методы распознавания образов //Таганрог: изд-во ТТИ ЮФУ. – 2009. – 155 с.
- 11. Михайлов Г.А., Войтишек А.В. Статистическое моделирование. Методы Монте-Карло: учеб. пособие. //М.: Изд-во Юрайт. 2019. 371 с.
- 12. Ахметьянов В.Р., Лутов И.О., Олейников М.И. Метод оптико-геометрического моделирования в задаче определения габаритных и отражательных характеристик космических аппаратов //Журнал радиоэлектроники. – 2015. – №. 4. – С. 16-16.

# Для цитирования:

Мишуков О.А., Смирнов А.Н., Житихин А.Е. Метод распознавания элементов космического мусора по оптическим и радиоэлектронным изображениям на основе нейросетевых технологий. // Журнал радиоэлектроники. – 2024. – №. 1. <u>https://doi.org/10.30898/1684-1719.2024.1.3</u>.