DOI: https://doi.org/10.30898/1684-1719.2021.11.7

УДК: 621.391.072

# ПОМЕХОУСТОЙЧИВОСТЬ ПРИЕМА СИГНАЛОВ С АМПЛИТУДНО-ФАЗОВОЙ МАНИПУЛЯЦИЕЙ В ПРИСУТСТВИИ ФАЗОМАНИПУЛИРОВАННОЙ ПОМЕХИ

### Г. В. Куликов, Данг Суан Ханг

МИРЭА – Российский технологический университет, 119454, Москва, пр-т Вернадского, д. 78.

Статья поступила в редакцию 1 июня 2021 г.

Аннотация. Развитие телевизионных технологий и необходимость передачи видеоинформации высокого качества требует, чтобы современные системы цифрового телевидения и вещания могли передавать большие объемы информации. Применение в системах спутникового телевидения поколения стандарта DVB-S2 сигналов с многопозиционной амплитудно-фазовой манипуляцией 16-АФМ и 32-АФМ позволило передавать на 30% больше данных в тех же полосах частот по сравнению с предыдущим стандартом DVB-S. Последний стандарт цифрового спутникового телевидения DVB-S2X является расширением стандарта DVB-S2 и поддерживает модуляции 64,128,256-AФМ. Известно, что увеличение позиционности сигналов снижает помехоустойчивость их приема и системы в целом. Кроме того, сильное влияние на помехоустойчивость оказывает наличие в радиоканале нефлуктуационных помех, попадающих в полосу частот полезного сигнала. В статье методами статистической радиотехники проведены расчеты вероятности битовой ошибки при приеме сигналов М-АФМ на фоне фазоманипулированной помехи при разных параметрах последней. Показано, что фазоманипулированная помеха даже малой интенсивности ( $\mu < 0.3$ ), попадающая в главный лепесток спектра

сигнала, заметно снижает помехоустойчивость приема сигналов 16-АФМ и 32-АФМ. Помеха большой интенсивности ( $\mu \ge 0.5$ ) практически разрушает прием. Влияние фазоманипулированной помехи снижается при увеличении ее расстройки относительно несущей частоты полезного сигнала и увеличении относительной скорости передачи помехи. Проведено сравнение качества приема при использовании сигналов М-ФМ, М-КАМ и М-АФМ и показано, что помехоустойчивость приема М-КАМ и М-АФМ на фоне фазоманипулированной помехи приблизительно одинакова. Сигналы М-ФМ значительно проигрывают им по помехоустойчивости приема.

**Ключевые слова:** амплитудно-фазовая манипуляция, фазоманипулированная помеха, помехоустойчивость, вероятность битовой ошибки, отношение сигнал/шум.

**Abstract.** The development of television technologies and the need to transmit highquality video information requires that modern digital television and broadcasting systems can transmit large amounts of information. The use of signals with multiposition amplitude and phase-shift keying 16-APSK and 32-APSK in DVB-S2 generation satellite television systems made it possible to transmit 30% more data in the same frequency bands compared to the previous DVB-S standard. The latest DVB-S2X digital satellite TV standard is an extension of the DVB-S2 standard and supports modulations of 64,128,256-APSK. It is known that increasing the positionality of signals reduces the noise immunity of their reception and the system as a whole. In addition, the presence of non-fluctuation interference in the radio channel that falls into the frequency band of the useful signal has a strong influence on noise immunity. The article uses statistical radio engineering methods to calculate the probability of a bit error when receiving M-APSK signals against the background of phase-shift keying interference at different parameters of the latter. It is shown that of phase-shift keying interference of even low intensity ( $\mu < 0.3$ ) falling into the main lobe of the signal spectrum significantly reduces the noise immunity of receiving 16-APSK and 32-APSK signals. High-intensity interference ( $\mu \ge 0.5$ ) practically destroys reception. The influence of phase-shift keying interference decreases with an increase in its detuning

relative to the carrier frequency of the useful signal and an increase in the relative transmission rate of the interference. A comparison of the reception quality when using M-PSK, M-QAM and M-APSK signals is carried out and it is shown that the noise immunity of receiving M-QAM and M-APSK against the background of phase-shift keying interference is approximately the same. M-PSK signals are significantly inferior to them in terms of reception noise immunity.

**Key words:** amplitude and phase-shift keying, phase-shift keying interference, noise immunity, bit error probability, signal-to-noise ratio.

### Введение.

технологий Развитие необходимость телевизионных И передачи видеоинформации высокого качества требует, чтобы современные системы цифрового телевидения и вещания могли передать большие объемы информации [1-4]. Применение в системах спутникового телевидения нового поколения стандарта DVB-S2 [5] сигналов с многопозиционной амплитудно-фазовой манипуляцией (М-АФМ) позволило передавать на 30% больше данных в тех же полосах частот по сравнению с предыдущим стандартом DVB-S. Сигнал М-АФМ благодаря своим энергетическим и спектральным характеристикам уже успешно применяются в системах DVB-S2 для случая M = 16, 32. Последний стандарт цифрового спутникового телевидения DVB-S2X [6-8] является расширением стандарта DVB-S2 и поддерживает модуляции 64,128,256-AФМ.

Помехоустойчивость демодуляторов сигналов М-АФМ достаточно подробно для случая приема на фоне белого гауссовского шума [9,10], однако, для определенного круга задач необходимо определение помехоустойчивости этих сигналов на фоне нефлуктуационных помех и искажений [11–13]. Такое исследование выполнено, например, в [13]. Одной из часто встречающихся В практике радиоприема помех является фазоманипулированная помеха, которая, как показано в работах [14, 15], может оказывать опасное влияние на качество приема информации.

Целью данной работы является исследование помехоустойчивости приема сигналов M-AФM в присутствии фазоманипулированной помехи.

### 1. Общие сведения о сигнале и помехах.

Математическую модель сигнала М-АФМ зададим следующим образом.

$$s_i(t) = A_{cp} r_i \cos(\omega_0 t + \varphi_i), \ t \in (0, T_s], \ i = 0, 1, \dots M - 1,$$
 (1)

где  $A_{\rm cp} = \sqrt{2\,E_{\rm scp}/{\rm T_s}}$  – средняя амплитуда сигнала,  $r_i$  – коэффициент, который определяет амплитуду сигнальной посылки,  $E_{\rm scp} = kE_{\rm bcp}$  — средняя энергия канального символа,  $E_{\rm bcp}$  — средняя энергия, приходящая на один бит информации,  $\omega_0$  — несущая частота, а  $\varphi_i$  — фаза сигнальной посылки.  $T_s$  — длительность модуляционного (канального) символа, M — позиционность сигнала.

На рис. 1 представлены примеры сигнальных созвездий M-AФM для M=16 и 32. Сигнальные точки обозначены с применением кодирование Грея.

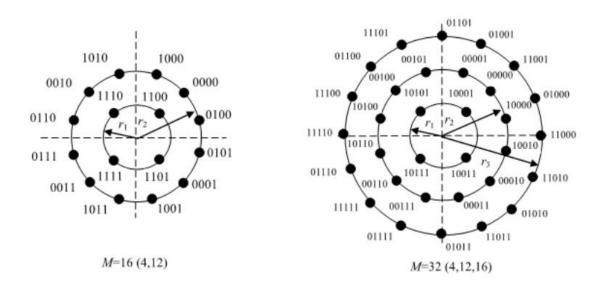


Рис. 1. Сигнальные созвездия сигнала с многопозиционной амплитуднофазовой манипуляцией.

Математические модели помех на входе приемника:

- флуктуационная помеха — белый гауссовский шум n(t) с односторонней спектральной плотностью  $N_0$ 

$$\langle n(t) \rangle = 0; \langle n(t_1)n(t_1) \rangle = \frac{N_0}{2} \delta(t_2 - t_1);$$
 (2)

- фазоманипулированная помеха

$$s_{\Pi}(t) = \mu A_0 a_j \cos \left[ (\omega_0 + \Delta \omega_{\Pi})t + \varphi_{\Pi} \right], t \in ((j-1)T_{\Pi}, jT_{\Pi}), j = 1, ...N,$$
 (3)

где  $\phi_{\Pi}$  — случайная начальная фаза помехи,  $\Delta \omega_{\Pi}$  — расстройка помехи относительно центральной частоты спектра сигнала М-АФМ,  $\mu$  — относительная интенсивность помехи,  $N=T_s/T_{\Pi}$  — относительная скорость передачи помехи.

Тогда сигнал на входе классического M-канального оптимального приемника (рис. 2) имеет вид:

$$x(t) = s_i(t) + s_{ii}(t) + n(t).$$
 (4)

## 2. Методика расчета помехоустойчивости сигналов М-АФМ.

Для расчета помехоустойчивости приема сигналов М-АФМ (1) была использована методика оценки вероятности ошибки для многопозиционной модуляции в присутствии нефлуктуационной помехи, приведенная в [14-16], и рассчитаны статистические характеристики распределений случайных процессов на выходах корреляторов (рис. 2):

$$I_{i} = \frac{2A_{\text{cp}}}{N_{0}} \int_{0}^{T_{s}} x(t) s_{\text{on}i}(t) dt, i = 0, 1, \dots M-1; s_{\text{on}i}(t) = r_{i} \cos(\omega_{0} t + \varphi_{i})$$
 (5)

При этом учтено, что, если зафиксировать параметры помехи (3), такие как начальная фаза  $\phi_{\Pi}$  и набор помеховых символов  $a_j$ , то распределения указанных процессов и их линейных комбинаций (m-ых и i-ых) с учетом наличия на входе приемника белого гауссовского шума (2) можно считать нормальными и, следовательно, достаточно рассчитать их математические ожидания и дисперсии:

$$m_{mi} = \frac{E_{\text{scp}}}{N_0} \left\{ 2r_m \left[ r_m - r_i \cos(\varphi_m - \varphi_i) \right] + \frac{\mu}{N} 2S(y) \left[ r_m \sum_{j=0}^{N-1} a_j \cos(y(2j+1) + \varphi_{\Pi} - \varphi_m) \right] - r_i \sum_{j=0}^{N-1} a_j \cos(y(2j+1) + \varphi_{\Pi} - \varphi_i) \right\},$$

$$D_{mi} = \frac{2E_{\text{scp}}}{N_0} \left( r_m^2 + r_i^2 - 2r_m r_i \cos(\varphi_m - \varphi_i) \right),$$

где параметры:  $y = \frac{\Delta \omega_{\Pi} T_s}{2N}$ ,  $S(y) = \frac{\sin y}{y}$ .

Это позволило определить условную по этим параметрам вероятность ошибочного приема канального символа по формуле:

$$P_{es} = 1 - \prod_{i=1}^{M-1} p_i (I_m - I_i > \delta_i) \Big|_{m}, i \neq m,$$
 (6)

где  $\delta_{mi} = \frac{E_{s\,\mathrm{cp}}}{N_0}(r_m^2-r_i^2)$  — пороги устройства сравнения корреляционного приемника.

Для получения безусловной вероятности ошибки  $P_{escp}$  численным методом проведено усреднение полученной вероятности по ранее зафиксированным случайным параметрам  $\phi_{\Pi}$  (равномерное распределение) и  $a_j$  (перебор всех возможных комбинаций). Вычисления выполнены также с перебором всех возможных комбинаций канальных символов полезного сигнала.

Вероятность ошибочного приема бита получена из соотношения:

$$P_{eb} = \frac{P_{escp}}{\log_2 M}.$$

### 3. О нормировке энергий сигнальных посылок.

С целью сравнения полученных результатов и аналогичных результатов, полученных для других многопозиционных сигналов, например, М-ФМ [15] и М-КАМ [14], необходимо провести нормировку энергий посылок с помощью коэффициентов  $r_i$  в (1) так, чтобы средние энергии сравниваемых сигналов были одинаковы.

Например, в случае 16-АФМ (4,12) сигнальное созвездие (рис. 1) имеет два уровня амплитуд посылок (сигналов)  $A_1 = r_1 A_{\rm cp}$  и  $A_2 = r_2 A_{\rm cp}$ , соотношение между которыми примем равным одному из стандартных значений  $A_2 = 2,7A_1$ . Тогда из соотношения

$$E_{\text{scp}} = \frac{1}{16} (4E_1 + 12E_2) = \frac{1}{16} \cdot \frac{A_1^2}{2} T_s (4 + 12 \cdot 2, 7^2) = \frac{A_{\text{cp}}^2}{2} T_s \approx 5,72 \frac{A_1^2}{2} T_s$$

получим коэффициенты  $r_i$ , равные 0,42 и 1,13.

Аналогично можно пронормировать энергии посылок для сигнала 32-АФМ (4,12,16), сигнальное созвездие которого (рис. 1) имеет три уровня амплитуд  $A_1$ ,  $A_2$  и  $A_3$  со стандартным соотношением  $A_2$ =2,64 $A_1$ ,  $A_3$ =4,64 $A_1$ .

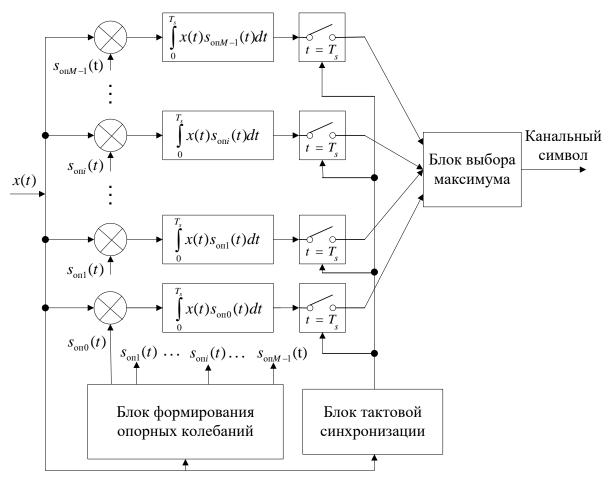


Рис. 2. Структурная схема оптимального приемника многопозиционного сигнала.

# 4. Результаты расчетов.

На рис. З показаны вычисленные по приведенной методике зависимости вероятности ошибки  $P_{eb}$  от отношения сигнал/шум  $E_{bcp}/N_0$  при нулевой расстройке фазоманипулированной помехи и N=2. Кривые на каждом рисунке различаются величиной интенсивности помехи  $\mu$ .

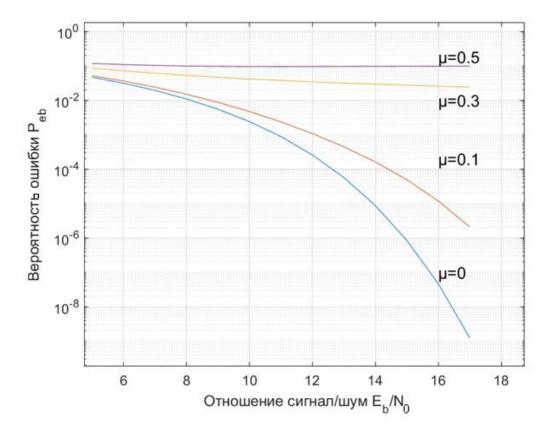


Рис. 3. Зависимость вероятности битовой ошибки от отношения сигнал/шум (дБ) для 16-АФМ в присутствии фазоманипулированной помехи.

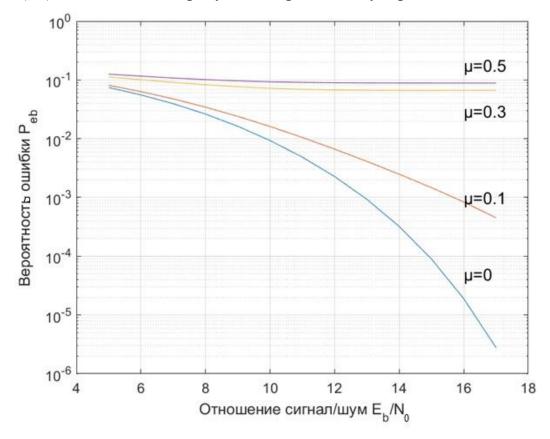


Рис. 3. Зависимость вероятности битовой ошибки от отношения сигнал/шум (дБ) для 32-АФМ в присутствии фазоманипулированной помехи.

Видно, что с увеличением степени позиционности M полезного сигнала вероятность ошибки увеличивается. При воздействии помехи даже малой интенсивности ( $\mu$ <0.3) снижение помехоустойчивости становится еще более заметным, а помеха большой интенсивности ( $\mu$ >0.5) практически разрушает прием. Этот вывод подтверждают и графики, приведенные на рис. 4, где для сравнения даны кривые помехоустойчивости исследованных сигналов в зависимости от величины  $\mu$ .

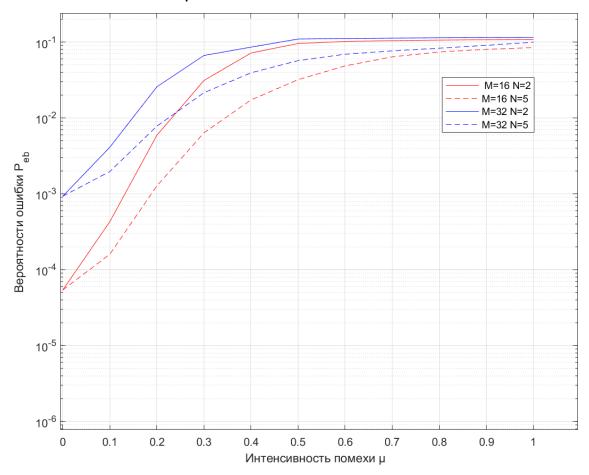


Рис. 4. Зависимость вероятности битовой ошибки для M-A $\Phi$ M от интенсивности фазоманипулированной помехи при  $E_{bcp}/N_0$ =13 дБ

Исследован характер изменения помехоустойчивости приема сигналов М-АФМ в зависимости от величины расстройки фазоманипулированной помехи  $\Delta \omega_{\rm n} T_s$ . Соответствующие кривые показаны на рис. 5.

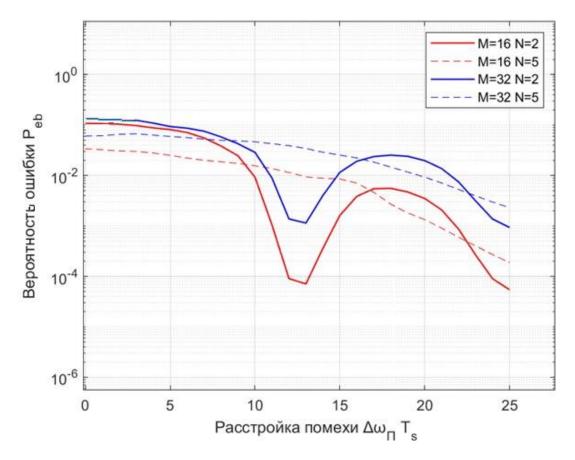


Рис. 5. Зависимость вероятности битовой ошибки для M-AФM от расстройки фазоманипулированной помехи при  $E_{bcp}/N_0$ =13 дБ,  $\mu$ =0,5

Видно, что помехоустойчивость приема растет при увеличении расстройки и в пределе стремится к помехоустойчивости приема без помехи. Точки, в которых вероятность ошибки достигает своих минимумов, определяются положением нулей огибающих энергетических спектров сигнала и помехи.

Степень снижения поражающего действия фазоманипулированной помехи при больших величинах N можно проанализировать по графикам, показанным на рис. 6 и 7. Здесь приведены кривые  $P_{eb}$  для случая  $\Delta \omega_{\rm n} T_s = 0$  и отношение сигнал/шум  $E_{bcp}/N_0$ =13 дБ. Очевидно, что в пределе при  $N \to \infty$  такая помеха становится псевдошумовой, и графики асимптотически стремятся к некоторому горизонтальному уровню.

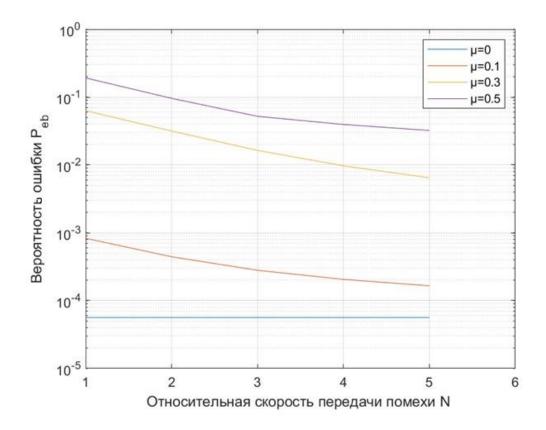


Рис. 6. Зависимость вероятности битовой ошибки от относительной скорости передачи фазоманипулированной помехи для 16-АФМ.

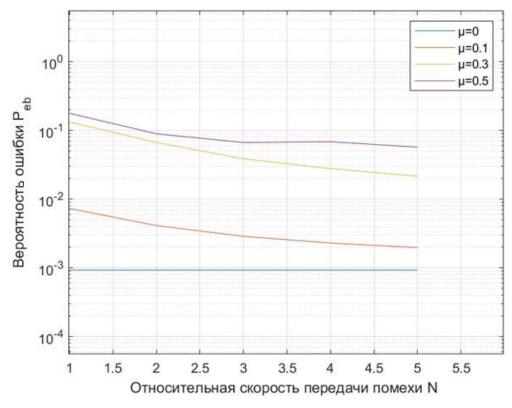
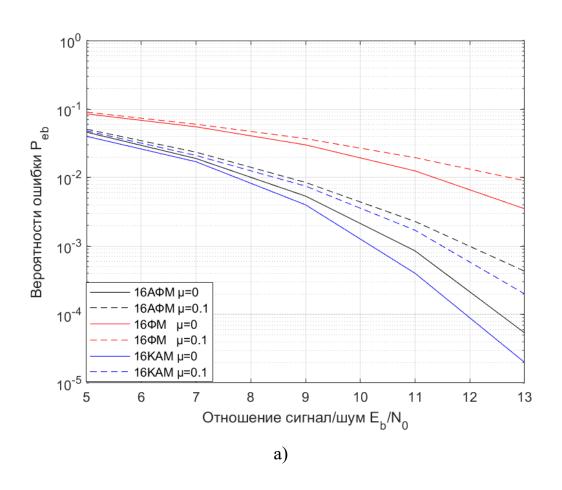


Рис. 7. Зависимость вероятности битовой ошибки от относительной скорости передачи фазоманипулированной помехи для 32-AФM.

На рис. 8 для сравнения показаны сводные графики помехоустойчивости приема многопозиционных сигналов с фазовой манипуляцией (М-ФМ) [15], М-АФМ и квадратурной амплитудной модуляцией (М-КАМ) [14] при одинаковой величине M и интенсивности фазоманипулированной помехи  $\mu = 0.1$ . Видно, что сигналы М-КАМ и М-АФМ показывают приблизительно одинаковые результаты, небольшие отличия объясняются соотношениями параметров используемых сигнальных созвездий. Применение сигналов М-ФМ ведет к существенному энергетическому проигрышу (>4 дБ) по сравнению с ними.



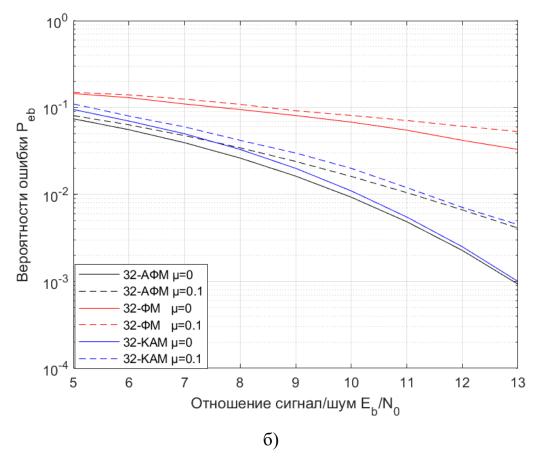


Рис. 8. Зависимости вероятностей битовой ошибки от отношения сигнал/шум (дБ) для M-AФM, M-ФМ и M-КАМ: а) M=16, б) M=32. Заключение.

Проведенное исследование помехоустойчивости приема сигналов M-AФM в присутствии фазоманипулированной помехи позволяет сделать следующие выводы:

- 1. Фазоманипулированная помеха даже малой интенсивности ( $\mu$ <0.3), попадающая в главный лепесток спектра сигнала, заметно снижает помехоустойчивость приема сигналов 16-АФМ и 32-АФМ. Помеха большой интенсивности ( $\mu$ <0.5) практически разрушает прием.
- 2. Влияние фазоманипулированной помехи снижается при увеличении ее расстройки относительно несущей частоты полезного сигнала и увеличении относительной скорости передачи помехи.
- 3. Помехоустойчивость приема сигналов M-KAM и M-AФM на фоне фазоманипулированной помехи приблизительно одинакова.

# Литература

- 1. Карякин В.Л. *Цифровое телевидение: учебное пособие для вузов.* Москва, Солон-Пресс. 2013.
- 2. Никитин Н.П., Лузин В.И., Гадзиковский В.И., Марков Ю.В. *Телевизионные цифровые системы: учебное пособие*. Екатеринбург, Изд-во Уральского унта. 2016. 108 с.
- 3. Маглицкий Б.Н., Сергеева А.С., Синявская А.С. *Принципы построения спутникового телевидения. Теория и практика: учебное пособие.* Новосибирск. 2016.
- 4. Стратонников А.А., Перелыгин С.В. Современное спутниковое телевидение. Перспективы развития. *Международная научно-техническая конференция* «Актуальные проблемы радио- и кинотехнологий». 2017. С.123-128.
- 5. Белов А.В., Владимиров А.Н., Чикин А.В. Стандарт DVB-S2 Перспективное решение в области цифрового спутникового телевидения. *Труды Научно-исследовательского института радио*. 2008. №2. С.54-59.
- 6. Ахмадуллин Э.Р., Каримов Р.Р., Решетникова Ю.Ю. Преимущества расширенного стандарта цифрового спутникового телевидения DVB-S2X. Международная научно-практическая конференция *Международная* научно
  - практическая конференция «Внедрение результатов инновационных разработок: проблемы и перспективы». 2017. Т.3 С.9-12.
- 7. Minoli D. *Innovations in satellite communications and satellite technology the industry implications of DVB-S2X, high throughput satellites, Ultra HD, M2M, and IP*. New York, John Wiley & Sons Ltd. 2015. 441 p.
- 8. DVB. [Электронный ресурс] URL: https://www.dvb.org/standards/dvb-s2x (дата обращения: 16.09.2021).
- 9. Proakis J.G. *Digital communications*. 4th Edition. New York, McGraw-Hill. 2001. 1002 p.

- 10. Fuqin Xiong. *Digital modulation techniques*. Second edition. Artech House Telecommunications Library. Artech House. 2006. 1039 p.
- 11. Горобцов И.А., Кирик Д.И. Оценка помехоустойчивости приема сигналов с амплитудно-фазовой модуляцией. *VIII Международная научно-техническая и научно-методическая конференция «Актуальные проблемы инфотелекоммуникаций в науке и образовании (АПИНО 2019)»*. 2019. Т.4. С.111-116.
- 12. Елкин П.Е., Носов В.И. Исследование влияния амплитудно-фазовой конверсии на помехоустойчивость приема сигналов с модуляцией М-APSK. *Российская научно-техническая конференция «Современные проблемы телекоммуникаций»*. 2017. С.279-286.
- 13. Куликов Г.В., Усманов Р.Р., Трофимов Д.С. Анализ помехоустойчивости приема сигналов с многопозиционной амплитудно-фазовой манипуляцией в присутствии гармонической помехи. *Наукоемкие технологии*. 2020. №1. С.22-29.
- 14. Куликов Г.В., Лелюх A.A., Баталов E.B., Кузеленков П.И. Помехоустойчивость приема сигналов c квадратурной амплитудной манипуляцией в присутствии фазоманипулированной помехи. Журнал радиоэлектроники [электронный журнал]. 2019. №7. Режим доступа: https://doi.org/10.30898/1684http://jre.cplire.ru/jre/jul19/10/text.pdf. 1719.2019.7.10
- 15. Куликов Г.В., Зунг Н.В., Тиен Д.Ч. Влияние фазоманипулированной помехи на помехоустойчивость корреляционного демодулятора сигналов с многопозиционной фазовой манипуляцией. *Российский технологический журнал.* 2019. Т.7. №2(28). С.18-28. https://doi.org/10.32362/2500-316X-2019-7-2-18-28
- 16. Куликов Г.В., Тамбовский С.С., Савватеев Ю.И., Стариковский А.И. О помехоустойчивости приема сигналов с минимальной частотной манипуляцией в присутствии нефлуктуационных помех. *Радиотмехника и*

электроника. 2019. Т.64. №2. С.168-174. https://doi.org/10.1134/S106422691902014117

### Для цитирования:

Куликов Г.В., Данг Суан Ханг. Помехоустойчивость приема сигналов с амплитудно-фазовой манипуляцией в присутствии фазоманипулированной помехи. *Журнал радиоэлектроники* 

[электронный журнал]. 2021. №11. https://doi.org/10.30898/1684-1719.2021.11.7